

التعريف الثاني

$n \in \mathbb{N}^+$, $f_n(x) = x e^{-\frac{x}{n}}$ و $f_n(0) = 0$ و $f_n'(0) = 1$

1- بين أن f_n متصلة وقس في 0 على اليمين

ب- أدرس تغيرات f_n وأطو جداول تغيراتها

1- f_n بين أن : $0 < x < 1 - e^{-x}$, $x > 0$

ب- f_n استنتج أن : $1 + x \leq \frac{x^2}{2}$, $0 \leq x < 1$

ج- استنتج أن : $\frac{1}{e^n} \leq (x - \frac{1}{n}) \leq f_n(x) < \frac{1}{e^n}$, $x > 0$

3- أدرس الفروع الانحائية ل f_n حول $x=0$

4- أدرس الوضع النسبي ل f_n و f_{n+1}

5- أنسى في نفس المعلم f_n و f_{n+1}

6- بين أن المعاداة $e^{-\frac{1}{n}} = 1 - \frac{1}{n} e^{-x}$ تقبل حلا حيدا x_n

في $x_n > 0$, ثم بين أن $1 < x_n < 2$

7- بين أن x_n حل للمعاداة $f_n(x) = \frac{1}{n}$

8- f_n أدرس تغيرات الدالة $h(x) = x e^{-x}$ على $]-\infty, +\infty[$

ب- بين أن (h_n) متناقصة

ج- بين أن (h_n) متقاربة ثم حدد نهايتها

2/2

التعريف الأول

1- حل في \mathbb{C} المعادلة $z^3 - (1+i\sqrt{3})z^2 + z - (1+i\sqrt{3}) = 0$ $(z, \bar{z}) \in \mathbb{R}^2$

علافاً فما تقبل حلين تخيليين صريفيين z_1 و z_2 مع $\text{Im}(z) > 0$. نضع الحل الثالث للمعاداة (3)

2- أكتب z_1 و z_2 و z_3 و $z_1 + z_2 + z_3$ على الشكل المثلثي

3- نختبر النقط $M(z_1)$ و $A(z_2)$ و $B(z_3)$ و $C(-z_3)$ بين أن $AB \parallel AC$ متوازياً الأضلاع .

4- نختبر التك طيف ! $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ $f(x) = (1+i\sqrt{3})(x-1) - (\sqrt{3}+i)x = -(\sqrt{3}+i)x + 1 - i$

1- أكتب : $\frac{z'-i}{z-i}$ على الشكل الأسسي

ب- استنتج أن f مركب تحويلين على المستوى

ج- نكتب عناصرهما المميزة .

د- نضع $M(\frac{\sqrt{3}+i}{2})$, A , B و C وحد قياس : $(\vec{MA}, \vec{MB}, \vec{MC})$

5- نضع $f(M_n) = M_{n+1}$ حيث M_n نقطة لفضة Z_n , $n \in \mathbb{N}$

1- مثل في العلق , M_0 , M_1 , M_2 و M_3

ب- بين أن : $(z_0 - i) e^{\frac{i\pi}{6}} = 2^n z_n - i = 2^n z_{n-1}$, $n \in \mathbb{N}$

ج- حسب المسافة : $d_n M_n = d_n = 2^n$ ثم حدد f عنصر

عدد طبيعي n بحيث $2^n > 10^3$

ب- بين أن : $(z_0 - i) e^{\frac{i\pi}{6}} = 2^n z_n - i = 2^n z_{n-1}$, $n \in \mathbb{N}$

ج- حسب المسافة : $d_n M_n = d_n = 2^n$ ثم حدد f عنصر

عدد طبيعي n بحيث $2^n > 10^3$