



تعريف (1) : (5 ن)

نعتبر المتتالية العددية  $(u_n)$  المعرفة بما يلي :

$$\begin{cases} u_0 = 2 \\ u_{n+1} = \frac{4+3u_n}{5+2u_n}, (n \in \mathbb{N}) \end{cases}$$

أ - حدد تحقق أن كل  $n \in \mathbb{N}$   $u_{n+1} - 1 = \frac{u_n - 1}{5+2u_n}$

ب - برهن بالتعرج أن كل  $n \in \mathbb{N}$  :  $u_n > 1$

ج - أثبت أن كل  $n \in \mathbb{N}$  :  $u_{n+1} - u_n = \frac{2(1-u_n)(u_n+2)}{5+2u_n}$

د - ادرس رتبة المتتالية  $(u_n)$  ثم استنتج أنها متقاربة .

$$v_n = \frac{u_n - 1}{u_n + 2}$$

أ - بين أن المتتالية  $(v_n)$  هندسية أساسها  $\frac{1}{7}$  وحداً حدّها الأول .

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} v_n = 0 \text{ واستنتج } u_n$$

ب - احسب  $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n$

تعريف (2) : (5 ن)

ينتهي لندوق على أربع كرات خضراء مرقمة 0 ز 1 ز 2 ز 3 وثلاث كرات حمراء مرقمة 0 ز 1 ز 2 . (لا يعكس التمييز بين هذه الكرات بالمس)

أ - نكتب عشوائياً بالتتابع وبدون إحلال كرتين من الصندوق . نعتبر

الحدثين : A « الكرتان المسحوبتان لهما نفس اللون »

B « الكرتان المسحوبتان تضملان نفس الرقم »

أ - احسب  $p(A)$  و  $p(B)$

ب - بين أن احتمال تحقق الحدث A و B هو  $\frac{1}{7}$

تعريف (3) : (5 ن)

لكن في الدالة المعرفة على المجال  $]-\infty, +\infty[$  بما يلي :  $f(x) = x^2 + x - \frac{1}{x}$

أ - احسب  $f'(x)$  و  $f''(x)$  و أول هذين النتيجة المحل عليهما .

ب - بين أن  $p(x=2) = \frac{1}{7}$

ج - حدد قانون احتمال X وتحقق أن أهله الرياضي هو  $\frac{6}{7}$

تعريف (4) : (5 ن)

أ - احسب  $f'(x)$  و  $f''(x)$  و أول هذين النتيجة المحل عليهما .

ب - احسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f'(x)$

ج - بين أن المنحنى (C) يقبل فرعاً متجنباً في اتجاه المستقيم (D) الذي معادلته  $y = x + \infty$

أ - احسب  $f'(x)$  و استنتج أن  $f'$  تتزايد في قطعاً على  $]-1, 1[$

ب - اكتب معادلة المماس لـ (C) في النقطة ذات الأضلاع 1

ج - بين أن المعادلة  $f(x) = 0$  تقبل حلاً وحيداً في المجال  $]-1, 1[$

د - نشتق المشتق  $f'(x)$  و (C) و (D) .

أ - باستعمال مكاملة بالجزء ، بين  $\int_1^e \ln x dx = 1 - \frac{1}{e}$

ب - احسب التكامل  $\int_1^e (1 - \frac{1}{x}) dx$

ج - استنتج مساحة الجزء المحصور بين المنحنى (C) و المستقيم (D) والمستقيمين اللذين معادلتهم  $x = 1$  و  $x = e$  .

0,5

0,5

0,5

1,5

1

1

0,5

1,5

0,5

1

1

1

1

1