

(3) باستعمال مكاملة بالأجزاء، بين أن: $K = \ln e - \frac{1}{2}$

1,25

التمرين الثالث: (10,50 ن)

لتكن f الدالة العددية المعرفة على \mathbb{R} بما يلي: $f(x) = xe^x + 1 - x$
 وليكن (C) منحنىها الممثل في معلم متعامد منظم (O, \vec{x}, \vec{y}) ($||\vec{x}'|| = ||\vec{y}'|| = 1\text{cm}$)

1 (أ) - احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ و بين أن المستقيم (A) الذي معادلته

$y = -x + 1$ مقارب حائل للمنحنى (C) بجوار $-\infty$.

0,5 ب - ادرس الوضع النسبي لـ (C) و (A) على المجال $]-\infty, 0]$

1,5 ج - احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x}$ (علل إجوبتك) ثم

أول هذسيبا النتيجة الأخيرة.

0,75 (2) أ - بين أن لكل x من \mathbb{R} : $f'(x) = e^x - 1 + xe^x$

1 ب - بين أن الدالة f تزايدية على \mathbb{R}^+ و تناقصية على \mathbb{R}^-

0,5 ثم راجع جدول تغيراتها على \mathbb{R} اعدد $f(0)$ و $f'(0)$

0,75 (3) أ - بين أن لكل x من \mathbb{R} : $f''(x) = (x+2)e^x$

1 ب - ادرس تقعر المنحنى (C) و عدد ازواج إحداثي نقطه انقلاب

(C)

1,5 ج - أنشئ المنحنى (C)

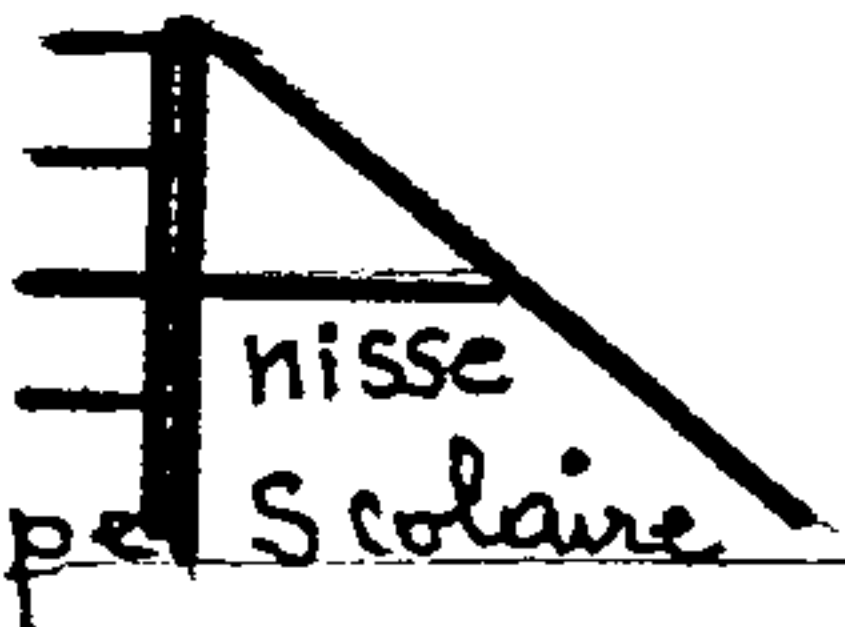
1 (4) أ - بين أن الدالة: $f(x) = (x-1)e^x - \frac{x^2}{2} + x$; $F: x \rightarrow F(x)$ أولية

للدالة f على \mathbb{R}

1 ب - احسب $\int_0^1 x \ln(1+x^2) dx$ مساحة الحيز المحصور بين (C) و محور الأفاصل والمستقيمين اللذين معادلتهما $x=0$; $x=1$.

النسخة 2 من بنك البكالوريا
 شعبة العلوم الاقتصادية

الاختبار التجريبي (2)
 أبريل 2013



مادة الرياضيات - مدة الاجاز: ساعتان - المعامل 04

Groupe Scolaire

التمرين الأول: (6 ن)

نعتبر المتتالية العددية $(u_n)_{n \geq 0}$ المعرفة بما يلي: $\begin{cases} u_0 = 1 \\ u_{n+1} = \frac{u_n}{3-u_n} \end{cases} (n \in \mathbb{N})$

0,25 (1) أ - تحقق أن لكل n من \mathbb{N} : $u_{n+1} = -1 + \frac{3}{3-u_n}$

1,25 ب - بين بالترجع أن لكل n من \mathbb{N} : $0 < u_n < 2$

0,75 ج - تحقق أن لكل n من \mathbb{N} : $u_{n+1} - u_n = \frac{u_n(u_n - 2)}{3 - u_n}$

1 واستنتج أن المتتالية (u_n) متقاربة.

2 (2) نضع لكل n من \mathbb{N} : $v_n = \frac{u_n - 2}{u_n}$

1 أ - بين أن المتتالية $(v_n)_{n \geq 0}$ هندسية أساسها 3 وحدداً حدتها الأول

0,25 ب - تحقق أن لكل n من \mathbb{N} : $u_n = \frac{2}{1 - 3^n}$

1 ج - أكتب u_n بدلالة n واستنتج أن لكل n من \mathbb{N} : $u_n = \frac{2}{1+3^n}$

0,5 د - احسب (معك جوابك) نهاية المتتالية $(u_n)_{n \geq 0}$.

التمرين الثاني: (5,3 ن)

نعتبر التكاملات التالية: $I = \int_0^1 \frac{x}{1+x^2} dx$

$J = \int_0^1 \frac{x^3}{1+x^2} dx$; $K = \int_0^1 x \ln(1+x^2) dx$

1 (1) بين أن $I = \frac{1}{2} \ln 2$

0,25 (2) أ - تحقق أن لكل x من \mathbb{R} : $\frac{x^3}{1+x^2} = x - \frac{x}{1+x^2}$

1 ب - استنتج قيمة التكامل J