

مسألة رقم (1)

الجزء (1) : لئكة الءالة بءءة : $g(x) = (x+1)e^x - 1$

أءسب الءهائءة $\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x)$; $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x)$

أ- بءه أه $g'(x) = (x+2)e^x$

ب- ضء ءءول ءءراء الءالة g

ء آءسب $g(0)$ و اسءءءة إءارة $g(x)$

الءءة (2) : ءءبء الءالة f الءرفة على \mathbb{R} بءا بءى :

$$\begin{cases} f(x) = \frac{x}{e^x - 1} ; & x \neq 0 \\ f(0) = 0 \end{cases}$$

أ- آءسب الءهائءة $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$; $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

ب- أءسب الفرءء الءءهائءة الءءءءة (C_f)

أ- بءه أه f ءءءة و ءءءة ءى الءءة 0

ب- أءسب ءالبءة إءءءء الءالة f على بءه و على بءار 0

أ- بءه أه $f'(x) = \frac{g\left(\frac{1}{x}\right)}{\left(e^{\frac{1}{x}} - 1\right)^2}$ لك ء $x \in \mathbb{R}^*$

ب- ضء ءءول ءءراء الءالة f

أ- بءه أه $f(x) < x \Leftrightarrow x \in \left]0, \frac{1}{\ln 2}\right[$ ($\forall x \in \mathbb{R}^+$)

ء اسم الءءءة (C_f)

الءءة (3) : لئكة الءءة الءءة الءءة الءءة الءءة $(u_n)_n$ بءه بءى :

$$u_{n+1} = f(u_n) \text{ و } u_0 = \frac{1}{2}$$

أ- بءه أه $0 < u_n < \frac{1}{\ln 2}$ ($\forall n \in \mathbb{N}$)

ب- بءه أه الءءة $(u_n)_n$ ءءءة ءءءءة

ء اسءءءة أه الءءة $(u_n)_n$ ءءءة و ءءءة الءءة

مسألة رقم (2)

أ- لئكة الءالة الءءة على \mathbb{R} بءا بءى : $g(x) = e^{2x} - 2x - 1$

أ- آءسب $g'(x)$ ءم ضء ءءول ءءراء الءالة g ($\forall x \in \mathbb{R}$)

أ- اسءءءة أه $g(x) \geq 0$ ($\forall x \in \mathbb{R}$)

ب- اسءءءة أه $e^{2x} - 2x \geq 1$ ($\forall x \in \mathbb{R}$)

ء ءءبء الءالة الءءة الءءة الءءة بءا بءى : $f(x) = \frac{x}{e^{2x} - 2x}$

أ- بءه أه ءءءة الءءة الءءة الءءة f هءى $D = \mathbb{R}$ ($\forall x \in \mathbb{R}$)

أ- بءه أه $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\frac{1}{2}$ أول ءءءة الءءة الءءة ($\forall x \in \mathbb{R}$)

ب- ءءءة أه $f(x) = \frac{1}{2\left(\frac{e^{2x}}{2x} - 1\right)}$ و آءسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

أءء ءأءءة ءءءة الءءة ($\forall x \in \mathbb{R}$)

أ- بءه أه $f'(x) = \frac{(1-2x)e^{2x}}{(e^{2x} - 2x)^2}$ ($\forall x \in \mathbb{R}$)

ب- أنءء ءءول ءءراء الءالة f ($\forall x \in \mathbb{R}$)

أ- آءب ءءءة الءءة الءءة (C_f) ءى الءءة $x_0 = 0$ ($\forall x \in \mathbb{R}$)

ب- ءءءة أه $f(x) - x = \frac{-xg(x)}{e^{2x} - 2x}$ ($\forall x \in \mathbb{R}$)

ء- اسءءءة الءءة الءءة الءءة الءءة (C_f) و الءءة $y = x$ (Δ)

ء أنءء الءءة الءءة الءءة (C_f) و الءءة (Δ) (أءء $\frac{1}{2(e-1)} = 0,3$)

ءءء (III) لئكة الءءة $(U_n)_n$ ءءءة الءءة بءا بءى :

$$U_{n+1} = f(U_n) \text{ و } U_0 = -1$$

أ- بءه أه $-1 \leq U_n \leq 0$ ($\forall n \in \mathbb{N}$)

ب- بءه أه الءءة $(U_n)_n$ ءءءة ءءءة

ء اسءءءة أه الءءة $(U_n)_n$ ءءءة و ءءءة الءءة ($\forall x \in \mathbb{R}$)

اسءءءة الءءة 2008

أ- ءءبء الءالة g الءءة على \mathbb{R} بءا بءى : $g(x) = e^{2x} - 2x$

أ- آءسب $g'(x)$ ءم أءسب الءءة الءءة الءءة g

ب- اسءءءة أه $g(x) > 0$ لك ء $x \in \mathbb{R}$ (لءء أه $g(0) = 1$)

ء ءءبء الءالة الءءة الءءة f الءءة على \mathbb{R} بءا بءى :

$$f(x) = \ln(e^{2x} - 2x)$$

أ- بءه أه $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty$

ب- ءءءة أه

$$\left(\forall x \in \mathbb{R}^*\right) \frac{f(x)}{x} = \left(\frac{e^{2x}}{x} - 2\right) \frac{\ln(e^{2x} - 2x)}{e^{2x} - 2x}$$

ء- بءه أه $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{f(x)}{x} = 0$ ءم أءء ءأءءة ءءءة الءءة الءءة

أ- ءءءة أه $1 - \frac{2x}{e^{2x}} > 0$ لك ء $x \in \mathbb{R}^+$

$$f(x) = 2x + \ln\left(1 - \frac{2x}{e^{2x}}\right) \text{ و أه}$$

ب- أءسب الفرءء الءءة الءءة الءءة (C_f) ءءءة $+\infty$

ء- بءه أه $f(x) - 2x \leq 0$ لك ء $x \in \mathbb{R}^+$ و اسءءءة أه الءءة

ء ءءبء الءءة الءءة الءءة الءءة (D) على \mathbb{R}^+

أ- بءه أه $f'(x) = \frac{2(e^{2x} - 1)}{g(x)}$ لك ء $x \in \mathbb{R}$

ب- أءسب إءارة $f'(x)$ ءم ضء ءءول ءءراء الءالة f

ء اسم الءءة الءءة (C_f) و الءءة $y = 2x$ (D)