

## الفرض المنزلي

.01

الجزء الأول:

لتعتبر الدالة العددية  $f$  المعرفة بـ  $f(x) = 5\ln(x+3) - x$  .  $(c_f)$  منحنى  $f$  في معلم متعامد ممنظم  $(O, \vec{i}, \vec{j})$  .

.01 حدد  $D_f$  مجموعة تعريف الدالة  $f$  .

.02 أتحقق أن لكل  $x$  من  $]0; +\infty[$  أن:  $f(x) = x \left( 5 \frac{\ln x}{x} - 1 \right) + 5 \ln \left( 1 + \frac{3}{x} \right)$  . ب . أحسب:  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow -3^+} f(x)$  .

...03

أ . أحسب  $f'(x)$  لكل  $x$  من  $D_f$  .

ب . أدرس إشارة  $f'(x)$  ثم ضع جدول تغيرات للدالة  $f$  . ثم استنتج عدد حدود المعادلة  $f(x) = 0$  /  $x \in D_f$  .

ج . بين أن المعادلة  $f(x) = 0$  تقبل حل وحيد  $\alpha$  على  $]0; +\infty[$  . أعطى تأطير ل  $\alpha$  سعته  $10^{-1}$  .

د . بين أن المعادلة  $f(x) = 0$  تقبل حل وحيد  $\beta$  على  $] -3; 2]$  .

هـ . استنتج إشارة  $f(x)$  على  $D_f$  .

.04 أنشئ  $(c_f)$  منحنى  $f$  في معلم متعامد ممنظم  $(O, \vec{i}, \vec{j})$  .

الجزء الثاني:

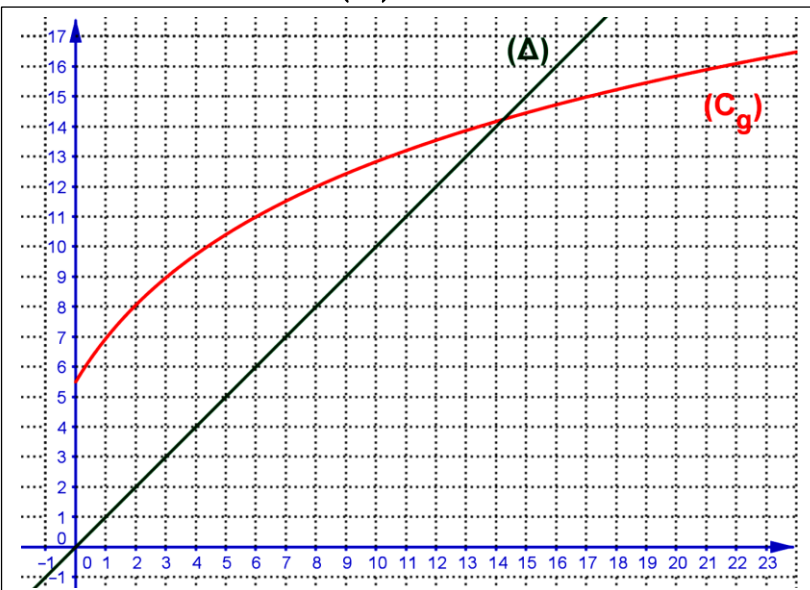
لتعتبر الدالة العددية  $g$  المعرفة على  $]0; +\infty[$  بما يلي:  $g(x) = 5\ln(x+3)$  .

لتعتبر المتتالية العددية  $(u_n)$  المعرفة بما يلي:  $u_0 = 4$  و  $u_{n+1} = 5\ln(u_n + 3)$  لكل  $n$  من  $\mathbb{N}$  .

الشكل المرفق (1) التالي يمثل  $(c_g)$  منحنى الدالة  $g$  في معلم متعامد ممنظم والمستقيم  $(\Delta)$  الذي معادلته  $y = x$  :  $(\Delta)$

.01 ضع جدول لتغيرات الدالة  $g$  على  $]0; +\infty[$  .

.02 أنشئ على محور الأفاصل الحدود  $u_0$  و  $u_1$  و  $u_2$  و  $u_3$  مستعملا المستقيم  $(\Delta)$  و المنحنى  $(c_g)$  و ذلك على الشكل المرفق (1)



موضحا طريقة الإنشاء و بدون حساب الحدود .

.03 ما هو التظنن الذي نحصل عليه ؟

الجزء الثالث:

.01 تحقق أن:  $g(\alpha) = \alpha$  .

.02 بين بالترجع أن:  $0 \leq u_n \leq \alpha$  لكل  $n$  من  $\mathbb{N}$  .

.03 بين أن المتتالية  $(u_n)$  تناقصية .

.04 استنتج أن المتتالية  $(u_n)$  متقاربة و حدد نهايتها .

الشكل المرفق (1) ←