

### التمرين 1

يحتوي صندوق على 3 كرات حمراء و 5 كرات خضراء لا يمكن التمييز بينها باللمس .  
نسحب عشوائيا و تانيا 3 كرات من الصندوق  
1. نعتبر الأحداث التالية

" الحصول على كرتين من اللون الأخضر بالضبط "  $A$

" الحصول على كرة واحدة من اللون الأخضر بالضبط "  $B$

" الحصول على كرة خضراء على الأقل "  $D$

أ. بين أن  $p(A) = \frac{30}{56}$  و  $p(D) = \frac{55}{56}$  و  $p(B) = \frac{15}{56}$

3

2. ليكن  $X$  المتغير العشوائي الذي يربط كل سحبة بعدد الكرات الحمراء المسحوبة  
أ. إعط القيم التي يأخذها التغير  $X$  معللا جوابك .

0.5

ب. حدد قانون الإحتمال  $X$  ل ثم أحسب الأمل الرياضي ل  $X$  .

2

3. نكرر هذه التجربة ست مرات .

أ. ما هو احتمال تحقق الحدث  $A$  أربع مرات بالضبط .

1.5

ب. ليكن  $Y$  المتغير العشوائي الذي يربط كل نتيجة بعدد المرات التي يتحقق فيها  
الحدث  $A$

1

أ. أحسب الأمل الرياضي ل  $Y$  .

### التمرين 2

لتكن  $(S)$  مجموعة النقط  $M(x, y, z)$  التي تحقق :

$$x^2 + y^2 + z^2 - 4y + 2z + 2 = 0$$

1. بين أن  $(S)$  فلكة محدد مركزها  $\Omega$  وشعاعها  $R = \sqrt{3}$

1

2 . ليكن المستوى  $(P): x + y + z - 2 = 0$

أ. اعط تمثيلا بارامتريا للمستقيم  $(D)$  المار  $\Omega$  العمودي على المستوى  $(P)$

0.5

ب . أحسب  $d$  مسافة النقطة  $\Omega$  عن المستوى  $(P)$

0.5

ج استنتج أن تقاطع  $(S)$  و  $(P)$  هو دائرة محدد مركزها وشعاعها

1

### التمرين 3

$I$  لتكن  $f$  الدالة العددية المعرفة على  $\mathbb{R}$  بما يلي :  $g(x) = (1-x)e^x - 1$

1 . أ . بين  $g'(x) = -xe^x$  .

0.5

ب . بين أن  $g$  تناقصية قطعا على  $[0, +\infty[$  و تزايدية قطعا على  $]-\infty, 0]$

0.5

و تحقق من أن  $g(0) = 0$  .

2. استنتج أن  $g(x) \leq 0$  لكل  $x$  من  $\mathbb{R}$  .

0.5

II نعتبر الدالة العددية المعرفة على  $\mathbb{R}$  بما يلي :  $f(x) = (2-x)e^x - x$

$(C_f)$  منحنى الممثل الدالة  $f$  في المعلم المتعامد الممنظم  $(O, \vec{i}, \vec{j})$ .

1. أ. بين أن  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -\infty$ .

0.5

ب. بين أن  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x^2} = -\infty$  ثم استنتج أن المنحنى  $(C_f)$  يقبل فرعاً شلجيميا بجوار  $+\infty$  يتم تحديد اتجاهه.

0.5

2. أ. بين أن  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty$  ثم أحسب  $\lim_{x \rightarrow -\infty} [f(x) + x]$ .

1

ب. بين أن المستقيم  $(D)$  الذي معادلته  $y = -x$  مقارب مائل ل  $(C_f)$  بجوار  $-\infty$ .

0.5

3. أ. بين أن  $f'(x) = g(x)$  لكل  $x$  من  $\mathbb{R}$ .

0.5

ب. أول هندسيا النتيجة  $f'(0) = 0$ .

0.5

ج. بين أن  $f$  تناقصية قطعاً على  $\mathbb{R}$  ثم ضع جدول تغيرات الدالة  $f$ .

0.5

4. بين أن المعادلة  $f(x) = 0$  تقبل حلاً وحيداً  $\alpha$  من  $\mathbb{R}$  و استنتج أن  $2 < \alpha < \frac{3}{2}$

1

نقبل  $\left( e^{\frac{3}{2}} > 3 \right)$

5. أ. حل في  $\mathbb{R}$  المعادلة  $f(x) + x = 0$  و استنتج أن  $(D)$  و  $(C_f)$  يتقاطعان في

0.5

النقطة  $A(2, -2)$

ب. ادرس إشارة  $f(x) + x$  على  $\mathbb{R}$ .

0.5

ج. و استنتج أن  $(C_f)$  يوجد فوق  $(D)$  على  $]-\infty, 2[$  و تحت  $(D)$  على  $[2; +\infty[$

0.5

6. أبين أن المنحنى  $(C_f)$  يقبل نقطة انعطاف وحيدة زوج إحداثياتها هو  $A(0; 2)$ .

0.5

ب. أنشئ المستقيم  $(D)$  والمنحنى  $(C_f)$  في المعلم أعلاه.

0.5