



.01

لنعتبر الدالة العددية f المعرفة على ب : $f(x) = -x + \frac{2}{\sqrt{x+1}}$ (C) منحنى f في معلم متعامد ممنظم (O, \vec{i}, \vec{j}) .

...01

- حدد : D مجموعة تعريف الدالة f .
- أحسب : $\lim_{x \rightarrow -1^+} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ ثم أعط تأويل هندسي للنتيجة الثانية.
- بين أن (C) يقبل مقارب مائل (Δ) بجوار $+\infty$ يتم تحديد معادلته.
- أدرس الوضع النسبي ل (C) و (Δ).

...02

- أحسب f' الدالة المشتقة ل f على D ثم حدد إشارتها.
- ضع جدول لتغيرات الدالة f .
- أوجد معادلة ديكارتية للمماس (T) للمنحنى (C) في $x_0 = 0$.

03 بين أن المعادلة : $f(x) = x$; $x \in]-1; +\infty[$ تقبل حل وحيد α حيث $1 < \alpha < \frac{3}{2}$.

04 أنشئ المنحنى الممثل للدالة f و المستقيم (Δ) و المماس (T) في المعلم (O, \vec{i}, \vec{j}) .

...05

- بين أن f تحقق تقابل من $]-1; +\infty[$ إلى مجال J يتم تحده نضع f^{-1} الدالة العكسية ل f .
- بين أن : f^{-1} قابلة للاشتقاق على J.
- أحسب بدلالة α : $(f^{-1})'(\alpha)$.
- ثم أنشئ المنحنى الممثل للدالة العكسية f^{-1} في نفس المعلم (O, \vec{i}, \vec{j}) (بلون آخر).

.02

لنعتبر الدالة العددية f المعرفة على ب : $f(x) = \begin{cases} \frac{-x}{2x+1} & ; x \geq 0 \\ -x + \sqrt{x^2 - x} & ; x < 0 \end{cases}$ (C) منحنى f في معلم متعامد ممنظم (O, \vec{i}, \vec{j}) .

...01

- تحقق أن : مجموعة تعريف الدالة f هي $D = \mathbb{R}$.
- أحسب : $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ ثم أعط تأويل هندسي للنتيجة الأولى.
- أدرس الفرع اللانهائي ل (C) بجوار $-\infty$.
- أدرس اتصال الدالة f في النقطة $x_0 = 0$.
- أدرس اشتقاق الدالة f في النقطة $x_0 = 0$.



02...

أ- بين أن : الدالة f قابلة للاشتقاق على $]0, +\infty[$ ثم أحسب الدالة المشتقة f' للدالة f على $]0, +\infty[$ ثم حدد إشارتها .

ب- بين أن : الدالة f قابلة للاشتقاق على $] -\infty, 0[$ ثم أحسب الدالة المشتقة f' للدالة f على $] -\infty, 0[$ ثم تحقق أن

$$\forall x \in] -\infty, 0[; f'(x) = -1 + \frac{2x-1}{2\sqrt{x^2-x}}$$

ج- ضع جدول لتغيرات الدالة f على \mathbb{R} .

03. نعتبر g قصور الدالة f على $I =] -\infty, 0[$.

أ- بين أن g تقابل من I إلى مجال J يتم تحده نضع g^{-1} الدالة العكسية ل g .

ب- أحسب : $g^{-1}(1)$ ثم $(g^{-1})'(1)$.

ج- حدد الدالة العكسية f^{-1} .

04. أنشئ المنحنى الممثل للدالة f في المعلم (O, \vec{i}, \vec{j}) ثم أنشئ المنحنى الممثل للدالة العكسية g^{-1} في نفس المعلم (O, \vec{i}, \vec{j}) (بلون آخر)

.03

نعتبر الدالة العددية f المعرفة على \mathbb{R} ب $f(x) = \cos x - \sin^2 x$. (C) منحنى f في معلم متعامد (O, \vec{i}, \vec{j}) مع $\|\vec{i}\| = 1$ و $\|\vec{j}\| = 4$ (بالسنتيمتر)

01. أدرس زوجية الدالة f .

02. بين أن : الدالة f دورية ودورها 2π ثم استنتج D_E مجموعة دراسة الدالة f .

03. تحقق أن : $x \in [0, \pi]$, $f'(x) = 2 \sin x \left(\cos x - \frac{1}{2} \right)$

04. أدرس إشارة f' على $[0, \pi]$ ثم ضع جدول لتغيرات الدالة f على $[0, \pi]$.

05. بين أن : g قصور f على $\left[\frac{\pi}{3}; \pi \right]$ تحقق تقابل من $\left[\frac{\pi}{3}; \pi \right]$ إلى J يتم تحده نرمز لتقابلها العكسي ب g^{-1} .

06. أنشئ (C_f) منحنى f في (O, \vec{i}, \vec{j}) و ذلك على D_E (بلون أخضر)

07. أتم إنشاء (C_f) منحنى f على $[-\pi, 2\pi]$ في المعلم (O, \vec{i}, \vec{j}) (بلون آخر) ثم $(C_{g^{-1}})$ منحنى الدالة g^{-1} في نفس المعلم (بلون أخضر متقطع) .

.04 تمرين إضافي (في المنزل)

نعتبر الدالة العددية f المعرفة على $]0, +\infty[$ ب :

$$(C) \text{ منحنى } f \text{ في معلم متعامد ممنظم } (O, \vec{i}, \vec{j}) \begin{cases} \frac{\sqrt{x}-1}{x-1} ; x \in [0; 1[\cup]1; +\infty[\\ f(1) = \frac{1}{2} \end{cases}$$



...01

أ- أحسب : $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ ثم أعط تأويل هندسي للنتيجة .

ب- أدرس اتصال الدالة f في النقطة $x_0 = 1$.

ج- أدرس اتصال الدالة f على يمين النقطة $x_0 = 0$.

...02

أ- بين أن الدالة f قابلة للاشتقاق في $x_0 = 1$ و تحقق أن $f'(1) = -\frac{1}{8}$.

ب- أوجد معادلة ديكارتية لمماس (T) للمنحنى (C) في $x_0 = 1$.

...03

أ- هل الدالة f قابلة للاشتقاق على يمين $x_0 = 0$ ثم أعط تأويل هندسي للنتيجة المحصل عليها .

ب- بين أن : الدالة f قابلة للاشتقاق على $]0, +\infty[\setminus \{1\}$ ثم أحسب الدالة المشتقة f' للدالة f على $]0, +\infty[\setminus \{1\}$ ثم تحقق أن

$$\forall x \in]0, +\infty[\setminus \{1\} ; f'(x) = \frac{-(\sqrt{x}-1)^2}{2\sqrt{x}(x-1)^2}$$

ج- بين أن f تحقق تقابل من $]0, +\infty[$ إلى مجال J يتم تحدهه نضع f^{-1} الدالة العكسية ل f .

04. أنشئ المنحنى الممثل للدالة f في المعلم $(0, \bar{i}, \bar{j})$ ثم أنشئ المنحنى الممثل للدالة العكسية f^{-1} في نفس المعلم $(0, \bar{i}, \bar{j})$.