



الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا  
الدورة الإستدراكية 2010  
الموضوع

7	المعامل:	RS30 M1)	الفيزياء والكيمياء	المادة:
4	مدة الإنجاز:		شعبة العلوم الرياضية (أ) و (ب)	الشعب (ة) أو المسلك:

يسمح باستعمال الآلة الحاسبة غير القابلة للبرمجة

يتضمن الموضوع أربعة تمارين:  
تمرين في الكيمياء و ثلاثة تمارين في الفيزياء

(4 نقط)	- دراسة حمضية محلولين مائين.....	الكيمياء
(3 نقط)	- الطلاء الكهربائي.....	
(1,75 نقطة)	تحديد قطر خيط رفيع.....	فيزياء 1
(2 نقطة)	- دراسة التذبذبات الكهربائية.....	فيزياء 2
(3,25 نقطة)	- التواصل بواسطة الموجات الكهرمغناطيسية.....	
(3 نقط)	- فرز نظيري عنصر كيميائي.....	فيزياء 3
(3 نقط)	- الدراسة الطاقية لنواس وازن.....	

## الكيمياء : (7 نقط) الجزء الأول و الثاني مستقلان

## الجزء الأول : (4 نقط) دراسة حمضية محلولين مائيين

يهدف هذا التمرين إلى دراسة محلول حمض البنزويك و مقارنة حمضيته مع حمضية محلول حمض الساليسيليك.

## 1- دراسة محلول حمض البنزويك :

حمض البنزويك جسم صلب أبيض اللون صيغته  $C_6H_5COOH$  يستعمل كحافظ غذائي و يوجد طبيعيا في بعض النباتات . للتبسيط نرمز لحمض البنزويك بـ  $HA_1$  .  
معطيات:

الكتلة المولية الجزيئية للحمض  $HA_1$  :  $M(HA_1) = 122 \text{ g.mol}^{-1}$  ؛  
الجداء الأيوني للماء عند  $25^\circ C$  :  $K_e = 10^{-14}$

نذيب كتلة  $m = 305 \text{ mg}$  من حمض البنزويك في الماء المقطر للحصول على محلول مائي  $S_A$  حجمه  $V = 250 \text{ mL}$

نقيس  $pH$  المحلول  $S_A$  فنجد :  $pH = 3,10$  .

1.1- احسب التركيز المولي  $C_A$  للمحلول  $S_A$  .

1.2- اكتب معادلة تفاعل حمض البنزويك مع الماء .

1.3- عبر عن الثابتة  $pK_A$  للمزدوجة  $HA_1/A_1^-$  بدلالة  $C_A$  و  $\tau$  نسبة التقدم النهائي لتفاعل الحمض  $HA_1$  مع الماء .

1.4- احسب  $pK_A$  ، و استنتج النوع الكيميائي المهيمن في المحلول  $S_A$  علما أن  $\tau = 7,94\%$  .

2- تفاعل محلول حمض البنزويك مع محلول هيدروكسيد الصوديوم .

نمزج حجما  $V_A = 40,0 \text{ mL}$  من المحلول  $S_A$  لحمض البنزويك مع حجم  $V_B = 5,00 \text{ mL}$  من محلول  $S_B$  لهيدروكسيد الصوديوم تركيزه  $C_B = 2,50 \cdot 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$  .

نقيس  $pH$  الخليط فنجد  $pH = 3,80$  .

2.1- اكتب معادلة التفاعل الحاصل .

2.2- احسب كمية المادة  $n(HO^-)_f$  الموجودة في الخليط في الحالة النهائية .

2.3- استنتج نسبة التقدم النهائي للتفاعل . نهمل أيونات  $HO^-$  الناتجة عن تفكك جزيئات الماء . ( يمكن الاستعانة بالجدول الوصفي لتطور المجموعة )

3 - مقارنة حمضية محلولين .

نحضر محلولاً مائياً  $(S_1)$  لحمض البنزويك و محلولاً مائياً  $(S_2)$  لحمض الساليسيليك لهما نفس التركيز المولي  $C$  ، و نقيس موصلية كل منهما فنجد :

- بالنسبة للمحلول  $(S_1)$  :  $\sigma_1 = 2,36 \cdot 10^{-2} \text{ S.m}^{-1}$  ؛

- بالنسبة للمحلول  $(S_2)$  :  $\sigma_2 = 0,86 \cdot 10^{-2} \text{ S.m}^{-1}$  .

نرمز لحمض الساليسيليك بـ  $HA_2$  .

نذكر بتعبير موصلية محلول أيوني :  $\sigma = \sum \lambda_i \cdot [X_i]$  حيث  $\lambda_i$  الموصلية المولية الأيونية للأيون  $X_i$  و  $[X_i]$  تركيزه في المحلول .

نعطي :  $\lambda(H_3O^+) = 35,0 \cdot 10^{-3} \text{ S.m}^2 \cdot \text{mol}^{-1}$

؛  $\lambda(A_1^-) = 3,20 \cdot 10^{-3} \text{ S.m}^2 \cdot \text{mol}^{-1}$

·  $\lambda(A_2^-) = 3,62 \cdot 10^{-3} \text{ S.m}^2 \cdot \text{mol}^{-1}$

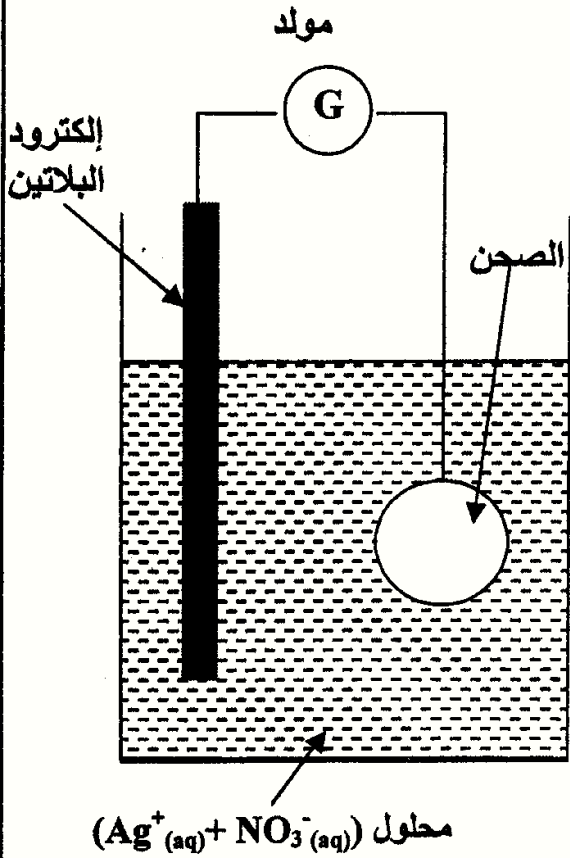
نهمل مساهمة الأيونات  $HO^-$  في موصلية المحلول .

نرمز لنسبة التقدم النهائي لتفاعل حمض البنزويك مع الماء بـ  $\tau_1$  ؛ و نرمز لنسبة التقدم النهائي لتفاعل حمض الساليسيليك مع الماء بـ  $\tau_2$  .

احسب النسبة  $\frac{\tau_2}{\tau_1}$  . ماذا تستنتج بخصوص حمضية المحلولين  $S_1$  و  $S_2$  ؟

الجزء الثاني: (3 نقط) التفضييز بواسطة التحليل الكهربائي

يستخدم التحليل الكهربائي لطلاء بعض الفلزات ، حيث يتم تغطيتها بطبقة رقيقة من فلز آخر لحمايتها من التآكل أو لتحسين مظهرها كعملية التزنيك و التفضييز الخ...



معطيات :

الكثافة الحجمية لفلز الفضة :  $\rho = 10,5 \text{ g.cm}^{-3}$

الكثافة المولية للفضة :  $M(\text{Ag}) = 108 \text{ g.mol}^{-1}$

الحجم المولي للغازات في ظروف التجربة :  $V_m = 25 \text{ L.mol}^{-1}$

$1F = 9,65 \cdot 10^4 \text{ C.mol}^{-1}$

نريد تفضييز صحن فلزي مساحته الكلية  $S = 190,5 \text{ cm}^2$  ، و ذلك

بتغطية سطحه بطبقة رقيقة من الفضة كتلتها  $m$  وسمكها  $e = 20 \mu\text{m}$  .

لتحقيق هذا الهدف ننجز تحليلا كهربائيا يكون فيه هذا الصحن

أحد الإلكترودين . الإلكترود الآخر قضيب من البلاتين غير قابل

للتأثر في ظروف التجربة .

الإلكتروليت المستعمل هو محلول مائي لنترات الفضة

$(\text{Ag}^+(\text{aq}) + \text{NO}_3^-(\text{aq}))$  حجمه  $V = 200 \text{ mL}$  ، (انظر الشكل جانبه) .

تساهم في التفاعل فقط المزدوجتان  $\text{Ag}^+(\text{aq})/\text{Ag}(\text{s})$  و  $\text{O}_2(\text{g})/\text{H}_2\text{O}(\text{l})$  .

1- هل يجب أن يكون الصحن هو الأنود أو الكاثود ؟

0,25

2- اكتب المعادلة الحصيلة للتحليل الكهربائي .

0,5

3- احسب الكتلة  $m$  لطبقة الفضة المتوضعة على سطح الصحن .

0,5

4- ما هو التركيز المولي البدئي الأدنى لمحلول نترات الفضة ؟

0,5

5- يستغرق التحليل الكهربائي المدة  $\Delta t = 30,0 \text{ min}$  بتيار شدته  $I$  ثابتة .

5.1- أنشئ الجدول الوصفي للتحويل الحاصل على مستوى الكاثود ، و استنتج تعبير شدة التيار  $I$  بدلالة

0,75

$m$  و  $M(\text{Ag})$  و  $F$  و  $\Delta t$  . احسب قيمة  $I$  .

5.2- احسب الحجم  $V(\text{O}_2)$  لغاز ثنائي الأوكسيجين المتكون خلال المدة  $\Delta t$  .

0,5

فيزياء1: (1,75 نقطة) تحديد قطر خيط رفيع

عندما يصادف الضوء حاجزا رقيقا ، فإنه لا ينتشر وفق خط مستقيمي، حيث تحدث ظاهرة الحيود .

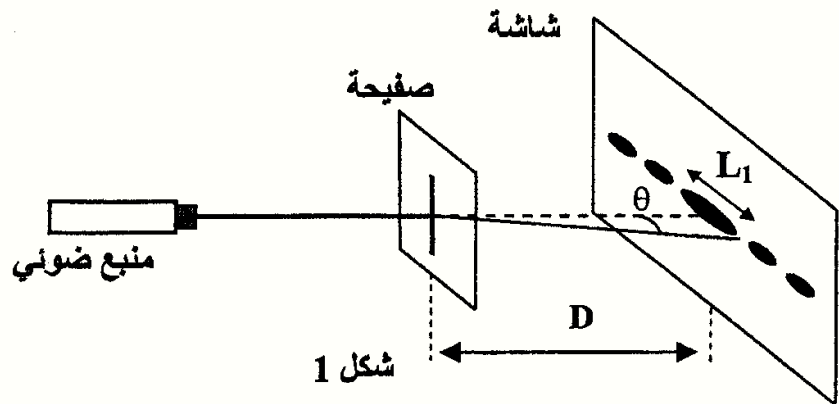
يمكن استعمال ظاهرة الحيود لتحديد قطر سلك أو خيط رفيع .

معطيات :

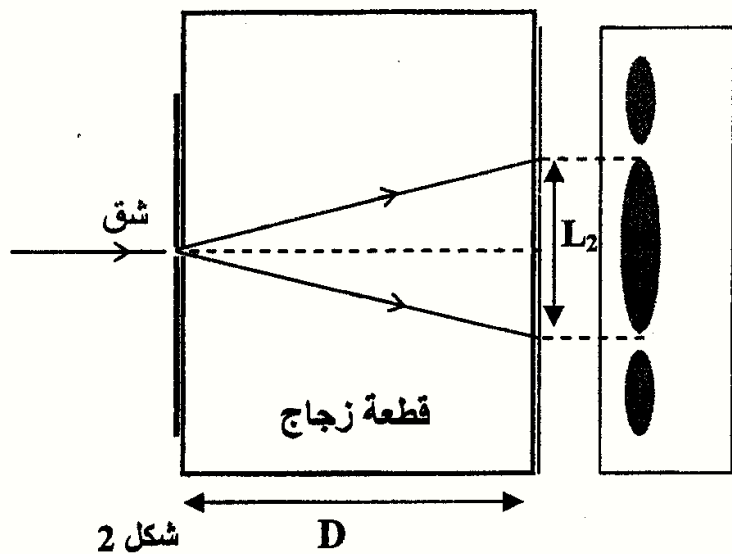
- يُعبر عن الفرق الزاوي  $\theta$  بين وسط البقعة المركزية وأول بقعة مظلمة بالعلاقة  $\theta = \frac{\lambda}{a}$  حيث

$\lambda$  طول الموجة و  $a$  عرض الشق أو قطر الخيط.

- سرعة انتشار الضوء في الهواء :  $c = 3,00 \cdot 10^8 \text{ m.s}^{-1}$  .



1- حيود الضوء :  
 ننجز تجربة الحيود باستعمال ضوء أحادي اللون تردده  $\nu = 4,44.10^{14} \text{ Hz}$  . نضع على بعد بضع سنتمترات من المنبع الضوئي صفيحة بها شق رأسي عرضه  $a$  ، نشاهد شكل الحيود على شاشة رأسية توجد على بعد  $D = 50,0 \text{ cm}$  من الشق.  
 يتكون شكل الحيود من بقع ضوئية توجد وفق اتجاه عمودي على الشق، تتوسطها بقعة ضوئية مركزية أكثر إضاءة عرضها  $L_1 = 6,70.10^{-1} \text{ cm}$ . (الشكل 1)



1.1- ما هي طبيعة الضوء التي تبرزها هذه التجربة ؟  
 1.2- أوجد تعبير  $a$  بدلالة  $L_1$  و  $D$  و  $\nu$  و  $c$ . احسب  $a$ .  
 2- نضع بين الصفيحة و الشاشة قطعة زجاج على شكل متوازي المستطيلات كما يبين الشكل (2). معامل انكسار الزجاج بالنسبة للضوء الأحادي اللون المستعمل سابقا هو  $n = 1,61$  .  
 نلاحظ على الشاشة أن عرض البقعة الضوئية المركزية يأخذ قيمة  $L_2$  .  
 أوجد تعبير  $L_2$  بدلالة  $L_1$  و  $n$ .  
 3- تحديد قطر خيط نسيج العنكبوت .

0,25

0,75

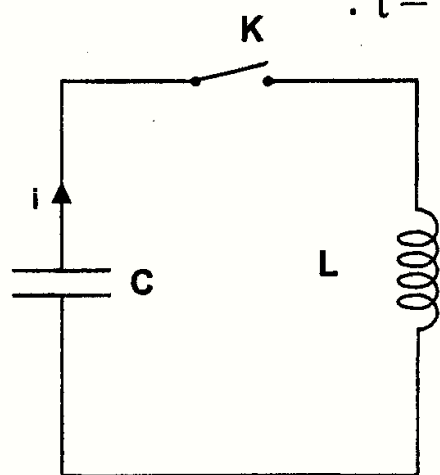
0,5

0,25

نحتفظ بالمنبع الضوئي و الشاشة في موضعيهما، نزيل القطعة الزجاجية و الصفيحة ، و نضع مكان الشق خيطا رأسي من نسيج العنكبوت.  
 نقيس عرض البقعة المركزية على الشاشة فنجد  $L_3 = 1,00 \text{ cm}$  .  
 حدد القطر  $d$  لخيط العنكبوت .

فيزياء 2 : (5,25 نقطة) الجزءان الأول و الثاني مستقلان

الجزء الأول ( 2 نقط ) : دراسة التذبذبات الكهربائية الحرة .  
 نشحن مكثفا سعته  $C = 10 \mu\text{F}$  ، تحت توتر مستمر  $U = 6\text{V}$  ، و نربطه بطرفي وشيعة معامل تحريضها  $L$  و مقاومتها مهملة (الشكل 1) . نغلق قاطع التيار  $K$  عند لحظة  $t = 0$  .



شكل 1

1- أوجد المعادلة التفاضلية التي تحققها الشحنة  $q$  للمكثف .  
 2- يكتب حل المعادلة التفاضلية على الشكل  $q = Q_m \cos\left(\frac{2\pi}{T_0} \cdot t\right)$  .  
 حيث  $T_0$  الدور الخاص للمتذبذب LC. احسب  $Q_m$  و أوجد تعبير  $T_0$  بدلالة برامترات الدارة .  
 3.1- 3- نرمز بـ  $E_e$  للطاقة الكهربائية المخزونة في المكثف عند لحظة  $t$  و نرمز بـ  $E$  للطاقة الكلية للدارة . بين أن :  $\frac{E_e}{E} = \cos^2\left(\frac{2\pi}{T_0} \cdot t\right)$

0,25

0,75

0,25

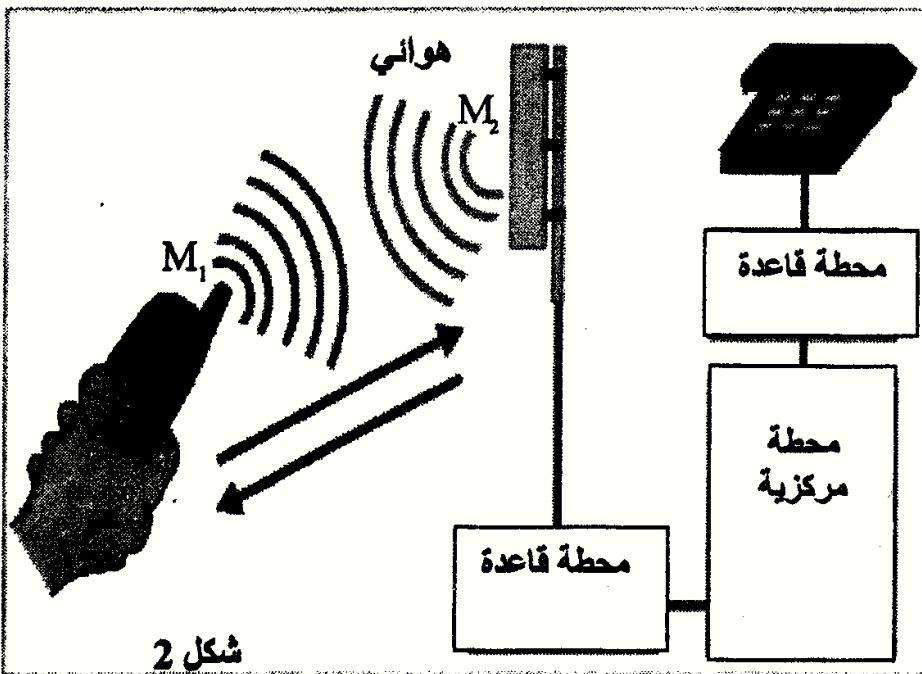
3.2- أتمم الجدول التالي بعد نقله على ورقة التحرير بحساب النسبة  $\frac{E_e}{E}$ .

0,75

اللحظة t	0	$\frac{T_0}{8}$	$\frac{T_0}{4}$	$\frac{3T_0}{8}$	$\frac{T_0}{2}$
النسبة $\frac{E_e}{E}$	.....	.....	.....	.....	.....

استنتج الدور T لتبادل الطاقة بين المكثف و الوشيعه بدلالة  $T_0$ .

الجزء الثاني (3,25 نقطة) : التواصل بواسطة الموجات الكهرمغناطيسية



خلال التواصل بواسطة الهاتف المحمول ، يتم تحويل الصوت إلى إشارة كهربائية بواسطة ميكروفون ، وذلك بفضل التحويل الرقمي و التضخيم ، وبعد ذلك يتم تضمين موجة حاملة بهذه الإشارة و إرسالها بعد تضخيمها إلى أقرب هوائي الذي ينقلها إلى محطة قاعدة .  
تبعث المحطة القاعدة الإشارة المضمّنة إلى محطة مركزية إما عن طريق خط هاتفي عادي أو عن طريق موجات كهرمغناطيسية ؛ فترسل المحطة المركزية المكالمة إلى الهاتف المستقبل .

1- إرسال موجة كهرمغناطيسية بواسطة الهاتف المحمول

تستعمل الموجات الكهرمغناطيسية في البث التلفزيوني و الإذاعي و في الرادارات ، مما جعل مجالات التردد المستعملة في الهواتف المحمولة جد محدودة .

يمتد أحد مجالات التردد المستعملة في الهواتف المحمولة من 900MHz إلى 1800MHz .  
معطيات : سرعة الضوء في الفراغ و في الهواء هي :  $c = 3,00.10^8 \text{ ms}^{-1}$  ؛  
 $1\text{MHz} = 10^6\text{Hz}$

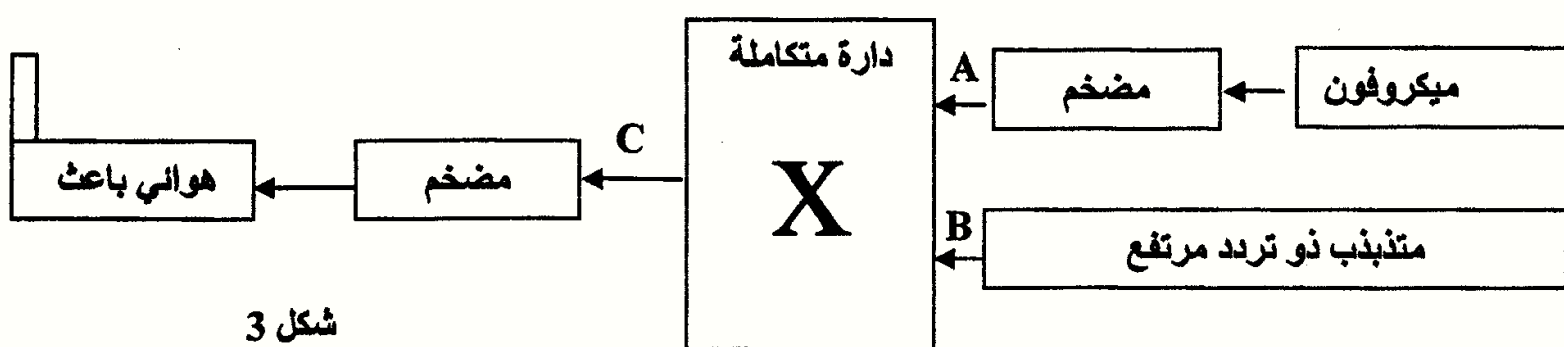
1.1- احسب المدة الزمنية التي تستغرقها موجة كهرمغناطيسية ترددها 900 MHz لتقطع المسافة  $M_1M_2 = 1 \text{ km}$  الفاصلة بين الهاتف المحمول و الهوائي ( شكل 2) .

0,25

1.2- ماذا تعني العبارة « الهواء وسط غير مبدد بالنسبة للموجات الكهرمغناطيسية » ؟

0,25

1.3- تبين الخطاطة الممثلة في الشكل (3) مبدأ إرسال معلومة (مكالمة) .



عند أي نقطة A أو B أو C نجد :

أ- الموجة الحاملة ؟

0,25

ب- الإشارة المضمّنة ؟

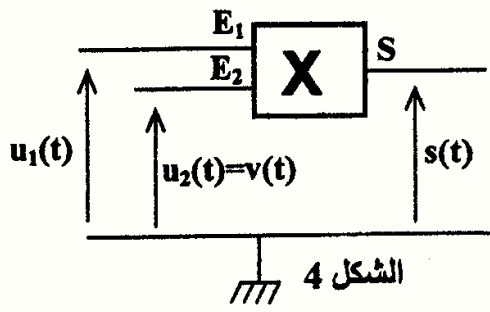
0,25

## 2- تضمين الوسع

تتكون دائرة التضمين من دائرة متكاملة X منجزة للجداء ، تتوفر على مدخلين  $E_1$  و  $E_2$  و مخرج S (شكل 4) .  
لمحاكاة تضمين الوسع، نطبق عند :

- المدخل  $E_1$  الإشارة  $u_1(t) = u(t) + U_0$   
حيث  $u(t) = U_m \cos(2\pi.f.t)$  الإشارة المضمّنة و  $U_0$  مركبة مستمرة ( توتر الانزياح ) .

- المدخل  $E_2$  الإشارة الحاملة  $u_2(t) = v(t) = V_m \cos(2\pi.F.t)$  ،



الشكل 4

تعطي الدائرة المتكاملة X توترا مُضمّنا  $s(t)$  يتناسب مع جداء التوترين  $s(t) = k.u_1(t).u_2(t)$  مع  $k$  ثابتة تتعلق فقط بالدائرة المتكاملة X . يكتب  $s(t)$  على الشكل  $s(t) = S_m \cos(2\pi.F.t)$  .

2.1- بيّن أن وسع الإشارة المضمّنة يمكن أن يكتب على الشكل  $S_m = A[m.\cos(2\pi.f.t)+1]$  مع تحديد تعبير كل من نسبة التضمين  $m$  و الثابتة  $A$  . 0,5

2.2- يعطي المبيان الممثل في الشكل (5) التوتر

المضمّن  $s(t)$  بدلالة الزمن  $t$  .  
حدد انطلاقا من هذا المبيان :

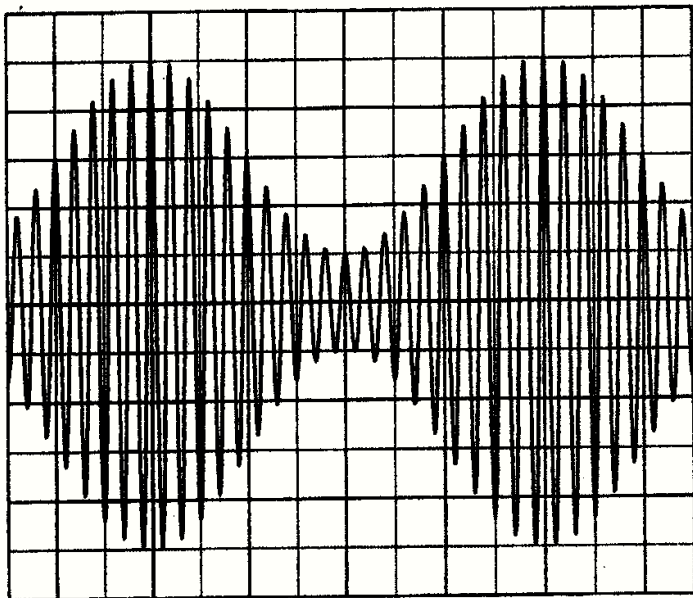
أ- التردد  $F$  للموجة الحاملة . 0,25

ب- التردد  $f$  للإشارة المضمّنة . 0,25

ج- الوسع الأدنى  $S_{m(\min)}$  و الوسع الأقصى  $S_{m(\max)}$  للإشارة المضمّنة . 0,5

2.3- أعط تعبير  $m$  بدلالة  $S_{m(\max)}$  و  $S_{m(\min)}$  .  
احسب قيمة  $m$  . 0,5

2.4- هل تضمين الوسع جيد ؟ علل الجواب . 0,25



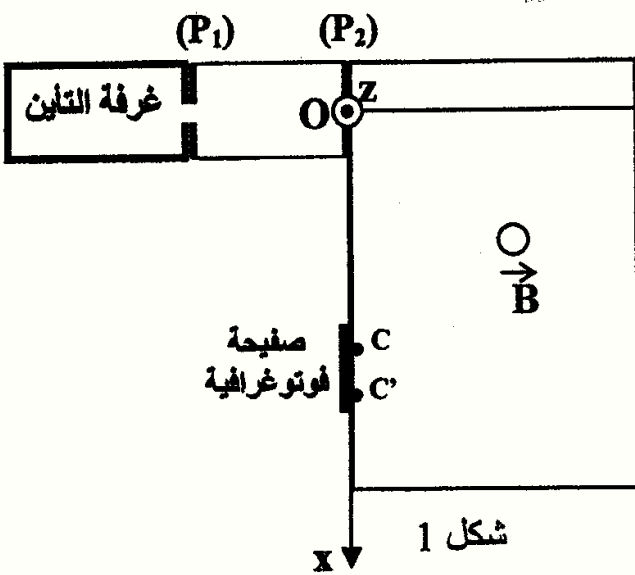
الحساسية الرأسية : 1V/div  
الحساسية الأفقية : 0,25 ms/div

شكل 5

فيزياء 3 (6 نقطة)

الجزء الأول (3 نقط) : فرز نظيري عنصر كيميائي

إن قياس طيف الكتلة تقنية ذات حساسية كبيرة ، فقد استعملت هذه التقنية في الأصل للكشف عن مختلف نظائر العناصر الكيميائية وأصبحت اليوم تستعمل لدراسة بنية الأنواع الكيميائية .



شكل 1

نريد فرز نظيري الزنك بواسطة راسم الطيف للكتلة . تنتج غرفة التأين الأيونات  $^{68}\text{Zn}^{2+}$

و  $^{66}\text{Zn}^{2+}$  كتلتاهما ، تباعا ، هما :  $m_1$  و  $m_2$  .

تُسرع هذه الأيونات، في الفراغ، بين صفيحتين فلزيتين متوازيتين

(  $P_1$  ) و (  $P_2$  ) بواسطة توتر  $U$  قيمته  $1,00.10^3 \text{ V}$  .

( الشكل 1 )

نفترض أن الأيونات تخرج من غرفة التأين بدون سرعة بدئية وأن وزن الأيون مهمل أمام القوى الأخرى .

معطيات :

الشحنة الابتدائية :  $e = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$  ؛

كتلة بروتون  $m_p$  تساوي كتلة نوترون  $m_n$  :  $m_p = m_n = m = 1,67 \cdot 10^{-27} \text{ kg}$  .

1- عين ، معلا جوابك ، الصفيحة التي يجب أن يكون لها أكبر جهد كهربائي . 0,25

2- بين أنه يكون للأيونين  $^{68}\text{Zn}^{2+}$  و  $^A\text{Zn}^{2+}$  نفس الطاقة الحركية عند النقطة O . 0,25

3- عبر عن السرعة  $v_1$  للأيون  $^{68}\text{Zn}^{2+}$  ، عند النقطة O ، بدلالة U و e و m . استنتج تعبير السرعة  $v_2$  للأيون  $^A\text{Zn}^{2+}$  ، عند نفس النقطة O ، بدلالة  $v_1$  و A . 0,5

4- تدخل الأيونات  $^{68}\text{Zn}^{2+}$  و  $^A\text{Zn}^{2+}$  ، عند  $t = 0$  ، حيزا من الفضاء يوجد فيه مجال مغناطيسي منتظم عمودي على مستوى الشكل ، شدته  $B = 0,10 \text{ T}$  و تحرف حيث يصطدم الأيونان  $^{68}\text{Zn}^{2+}$  و  $^A\text{Zn}^{2+}$  بالصفيحة الفوتوغرافية ، تباعا ، عند النقطتين C و C' .

4.1- عين على تبيانة ، معلا جوابك ، منحى متجهة المجال المغناطيسي  $\vec{B}$  . 0,25

4.2- بين أن حركة الأيونات  $\text{Zn}^{2+}$  تتم في المستوى  $(O, x, y)$  . 0,5

4.3- أثبت طبيعة حركة الأيونات  $\text{Zn}^{2+}$  داخل المجال المغناطيسي  $\vec{B}$  . 0,5

4.4- نعط المسافة :  $CC' = 8,0 \text{ mm}$  . استنتج قيمة A . 0,75

الجزء الثاني: (3 نقط) الدراسة الطاقية لنواس وازن

نعتبر نواسا وازنا ينجز تذبذبات حرة باحتكاكات مهملة .

النواس المدروس عبارة عن ساق متجانسة AB ، كتلتها m وطولها  $AB = \ell = 60,0 \text{ cm}$  ،

يمكنها الدوران في مستوى رأسي حول محور أفقي  $(\Delta)$  ثابت يمر من طرفها A (الشكل 2) .

عزم قصور الساق بالنسبة للمحور  $(\Delta)$  هو :  $J_{\Delta} = \frac{1}{3} m \cdot \ell^2$

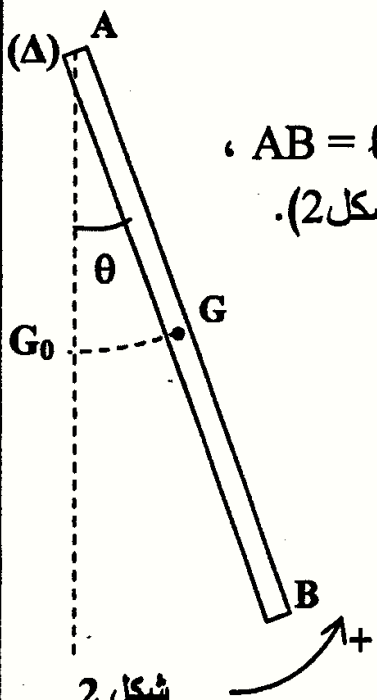
ندرس حركة النواس في معلم مرتبط بمراجع أرضي نعتبره غاليليا .

نمعلم ، في كل لحظة ، موضع النواس بأفصوله الزاوي  $\theta$  و هو الزاوية التي

تكونها الساق مع الخط الرأسي المار من النقطة A .

نختار المستوى الأفقي المار من النقطة  $G_0$  موضع مركز القصور G

للساق AB ، عند التوازن المستقر ، مرجعا لطاقة الوضع الثقالية  $(E_p = 0)$  .



شكل 2

نقبل في حالة التذبذبات الصغيرة أن :  $\cos \theta \approx 1 - \frac{\theta^2}{2}$  (  $\theta$  بالراديان ) و نأخذ  $g = 9,80 \text{ m.s}^{-2}$  .

1- المعادلة التفاضلية لحركة النواس

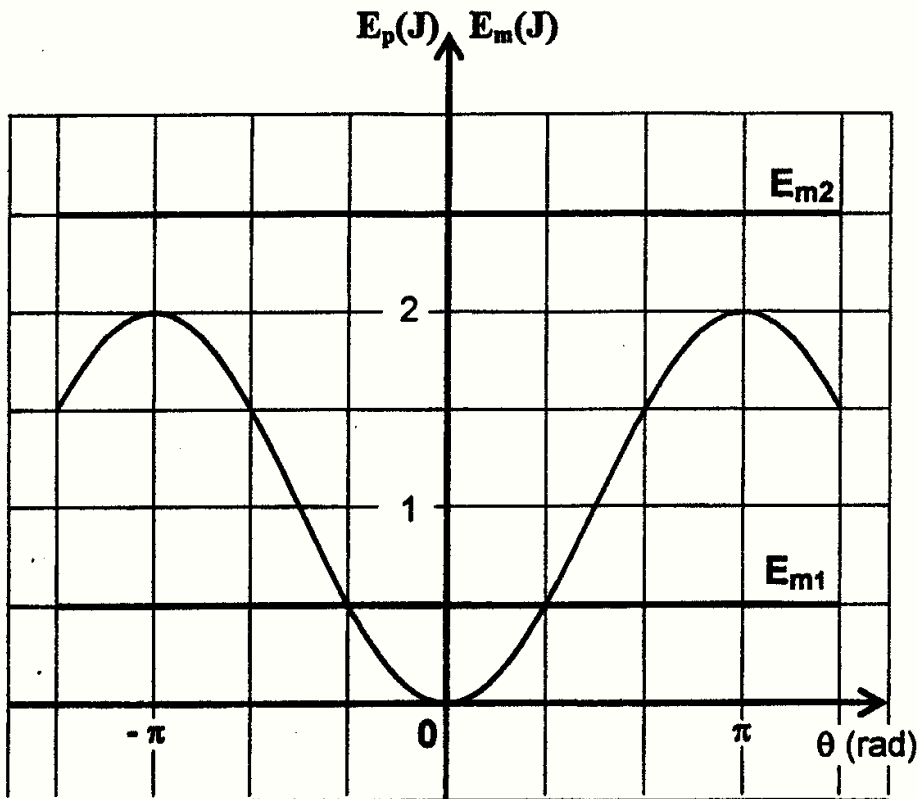
1.1- بين أن تعبير طاقة الوضع الثقالية  $E_p$  للساق AB يكتب على الشكل التالي :  $E_p = m \cdot g \cdot \frac{\ell}{2} (1 - \cos \theta)$  . 0,25

1.2- اكتب ، في حالة التذبذبات الصغيرة ، تعبير الطاقة الميكانيكية  $E_m$  للساق ، عند لحظة t ، بدلالة m و  $\ell$  و g و  $\theta$  و  $\frac{d\theta}{dt}$  . 0,5

1.3- استنتج المعادلة التفاضلية للحركة التي يحققها الأفصول الزاوي  $\theta$  في حالة التذبذبات الصغيرة . 0,5

## 2- الدراسة الطاقية

نعطي للساق AB، انطلاقاً من موضع توازنها المستقر، سرعة بدئية تمكنها من اكتساب طاقة ميكانيكية  $E_m$ .



شكل 3

يعطي الشكل 3 مخطط تطور كل من طاقة الوضع الثقالية  $E_p$  والطاقة الميكانيكية  $E_m$  للساق AB في تجربتين مختلفتين حيث يتم إرسال العارضة انطلاقاً من موضع توازنها المستقر في كل مرة بسرعة بدئية معينة فتكتسب بذلك طاقتين ميكانيكيتين مختلفتين :

- في التجربة (1) :  $E_m = E_{m1}$  ؛
  - في التجربة (2) :  $E_m = E_{m2}$  .
- 2.1- اعتماداً على المبيان (الشكل 3)، حدد طبيعة حركة الساق AB خلال كل تجربة .

0,5

2.2- عين، مبيانياً، القيمة القصوى

0,75

للأصول الزاوي  $\theta$  للنواس خلال التجربة (1). استنتج الكتلة  $m$  للساق.

2.3- خلال التجربة (2) تتغير الطاقة الحركية للساق بين قيمة دنيا  $E_{C(min)}$  وقيمة قصوى  $E_{C(max)}$ .

0,5

أوجد قيمة كل من  $E_{C(max)}$  و  $E_{C(min)}$ .