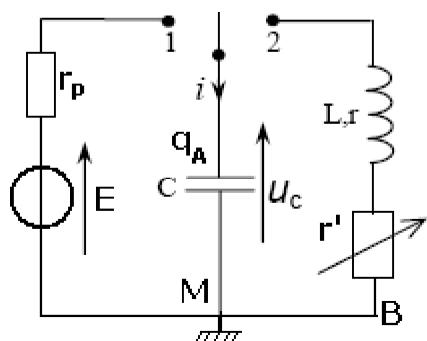
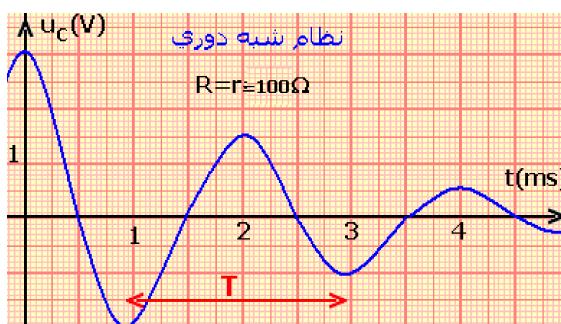


التدبرات الحرة في دارة RLC متوازية



- ١. فريغ مكثف في وشيعة:**

 - نجز التركيب الكهربائي
 - نضبط التوتر المستمر الى يحطيه المولد على القيمة $E=3V$ و مقاومة الموصى $r'=0\Omega$ الأومي على
 - نؤرجح قاطع التيار إلى الموضع (1) لمدة زمنية كافية لشحن المكثف كليا.
 - نؤرجح قاطع التيار إلى الموضع (2) فنحصل على دارة RLC متوازية مقاومتها الكلية $R=r'+r$ حيث $r':$ مقاومة الوشيعة
 - نغير من قيمة r' مقاومة الموصى الأومي ونعاين التوتر ($u_C(t)$) بينقطي المكثف



$$R=r, r'=0\Omega$$

نحصل على تذبذبات يتتفاصل وسعها مع مرور الزمن
نعاين على شاشة كاشف التذبذب التوتر ($u_C(t)$) و نلاحظ بأن:

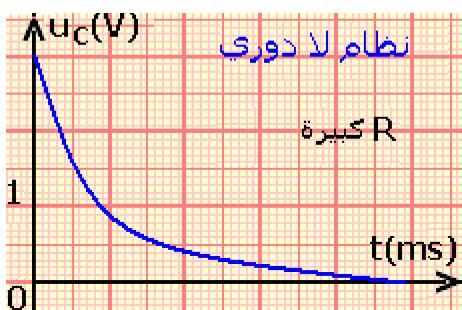
- التوتر $u_C(t)$ توفر متناوب لكن ليس دوري
 - وسع التوتر $u_C(t)$ يتناقص مع مرور الزمن و بالتالي فالذبذبات مخمددة

الذبذبات تتم دون أن نزود الدارة RLC بالطاقة غير الطاقة المحفوظة في المكثف و بالتالي فالذبذبات حرة

خلاصة:

- يؤدي تفريغ مكثف، مشحون، في وشيعة دارة RLC متوازية، إلى ظهور تذبذبات حرة و مخدمة.
 - الدارة RLC المتوازية تكون متذبذبا كهربيا حررا و مخدما

T: شبه الدور و هي المدة الزمنية الفاصلة بين قيمتين قصويتين متتاليتين للتواتر (t_C)
شبه الدور T مرتبط بـ L و C و مستقل عن المقاومة R



$$R = r + r' \text{ , } r' \neq 0 \Omega$$

مع تزايد المقاومة R تزول التذبذبات نظراً لوجود خمود مهم و يسمى النظام بالنظام اللا دوري



في الذبذبات الحرجة توجد قيمة معينة لمقاومة نرم لها بـ R_C و تسمى مقاومة حرجة و هي مقاومة تفصل بين النظام شبه الدوري و النظام الادوري و نسمى النظام في هذه الحالة بالنظام الحرج و في هذه الحالة يرجع التوتر (t_{UC}) إلى الصفر بسرعة و دون تذبذب و تتعلق R_C بـ L و C .

2. المعادلة التفاضلية لدارة RLC متوازية:

نعتبر الدارة الممثلة في الشكل جانب
حسب قانون إضافية التوترات بين F و D

$$u_L = r \cdot i + L \cdot \frac{di}{dt} \quad \text{و} \quad u_R = r' \cdot i \quad \text{و} \quad i = C \cdot \frac{du_C}{dt}$$

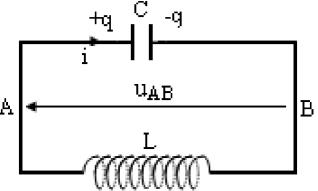
$$u_c + r' \cdot C \cdot \frac{du_c}{dt} + r \cdot C \cdot \frac{du_c}{dt} + L \cdot C \cdot \frac{d^2 u_c}{dt^2} = 0$$

و منه: $u_C + R.C \cdot \frac{du_C}{dt} + L.C \cdot \frac{d^2u_C}{dt^2} = 0$ و $R=r+r'$ نضع $u_C + (r+r').C \cdot \frac{du_C}{dt} + L.C \cdot \frac{d^2u_C}{dt^2} = 0$
و بالتالي: $\frac{d^2u_C}{dt^2} + \frac{R}{L} \frac{du_C}{dt} + \frac{1}{L.C} u_C = 0$ بين قطبي المكثف
يعبر المقدار $\frac{R}{L} \frac{du_C}{dt}$ عن ظاهرة خmod التذبذبات، و يحدد حسب قيم R نظام هذه التذبذبات

3. الذبذبات غير المحمدة في داية مثالية LC:

المعادلة التفاضلية:

ت تكون الدارة من مكثف سعته C و شحنته البدئية q_0 و وشيعة معامل تحريرها L و مقاومتها الداخلية r مهملة حسب قانون إضافية التوترات $u_C + u_L = 0$



حيث: $r=0$ و $u_L = r.i + L \cdot \frac{di}{dt}$ و $i = C \cdot \frac{du_C}{dt}$
أي أن: $u_C + L.C \cdot \frac{d^2u_C}{dt^2} = 0$ و منه: $u_L = L.C \cdot \frac{d^2u_C}{dt^2}$
و بالتالي: $\frac{d^2u_C}{dt^2} + \frac{1}{L.C} u_C = 0$ بين قطبي المكثف

حل المعادلة التفاضلية:

$$u_C(t) = U_m \cdot \cos\left(\frac{2\pi}{T_0} \cdot t + \varphi\right) : \text{معادلة خطية من الدرجة الثانية حلها: } \frac{d^2u_C}{dt^2} + \frac{1}{L.C} u_C = 0$$

(قيمة القصوية للتوتر $u_C(t)$)

$$t = \frac{2\pi}{T_0} \cdot t + \varphi : \text{الطور عند اللحظة } t \quad \text{و} \quad \varphi : \text{الطور عند أصل التواريف}$$

دور الخاص للذبذبات: T_0

• تحديد تعريف دور الخاص: T_0

$$\frac{d^2u_C}{dt^2} + \frac{1}{L.C} u_C = 0 \quad \text{في} \quad u_C(t) = U_m \cdot \cos\left(\frac{2\pi}{T_0} \cdot t + \varphi\right)$$

$$\frac{d^2u_C}{dt^2} = -U_m \cdot \left(\frac{2\pi}{T_0}\right)^2 \cdot \cos\left(\frac{2\pi}{T_0} \cdot t + \varphi\right) = -\left(\frac{2\pi}{T_0}\right)^2 \cdot u_C(t)$$

$$\frac{d^2u_C}{dt^2} + \frac{1}{L.C} u_C = \frac{1}{L.C} u_C - \left(\frac{2\pi}{T_0}\right)^2 u_C = \left(\frac{1}{L.C} - \left(\frac{2\pi}{T_0}\right)^2\right) u_C = 0 \quad \text{و منه}$$

$$T_0 = 2\pi\sqrt{L.C} \quad \text{و} \quad \frac{1}{L.C} = \left(\frac{2\pi}{T_0}\right)^2 \quad \text{أي} \quad \frac{1}{L.C} - \left(\frac{2\pi}{T_0}\right)^2 = 0 \quad \text{و بالتالي:}$$

• تحديد φ و U_m :

لتحديد قيم φ و U_m نحدد الشروط البدئية عند تفريغ المكثف في الوشيعة.

$$i(t) = C \cdot \frac{du_C}{dt} = -U_m \cdot \frac{2\pi}{T_0} \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{T_0} \cdot t + \varphi\right) \quad u_C(t) = U_m \cdot \cos\left(\frac{2\pi}{T_0} \cdot t + \varphi\right)$$

لدينا: $i(0) = 0$ لـ $t=0$ لدينا $u_C(0) = U_m$ الوشيعة لا يمر بها أي تيار كهربائي

$$\varphi = 0 \quad \text{و} \quad \sin(\varphi) = 0 \quad i(0) = -U_m \cdot \frac{2\pi}{T_0} \cdot \sin(\varphi) = 0$$

في البداية المكثف مشحون و $u_C(0) = E$

و بما أن $E > 0$ و $U_m > 0$ فإن $\cos(\varphi) > 0$ و منه $\cos(\varphi) = 1$

$$u_C(0) = U_m = E \quad u_C(t) = E \cdot \cos\left(\frac{2\pi}{T_0} \cdot t\right) \quad \text{و بالتالي}$$

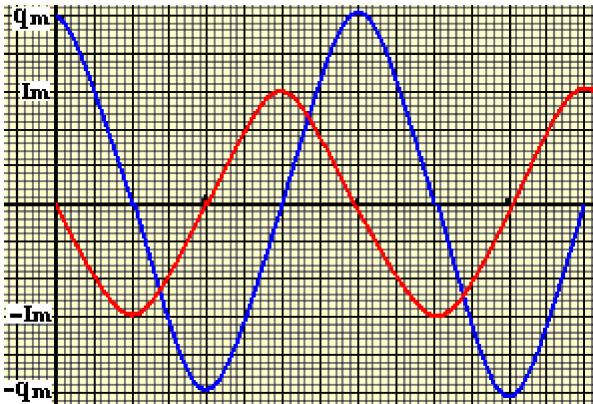
تعبر الشحنة $q(t)$ و التيار $i(t)$ عن شحنة المكثف هي :

$$q_m = C \cdot U_m \quad \text{مع} \quad q(t) = C \cdot u_C(t) = C \cdot U_m \cdot \cos\left(\frac{2\pi}{T_0} \cdot t + \varphi\right) = q_m \cdot \cos\left(\frac{2\pi}{T_0} \cdot t + \varphi\right)$$

شدة التيار الكهربائي:

$$i(t) = \frac{dq}{dt} = -q_m \cdot \frac{2\pi}{T_0} \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{T_0} \cdot t + \varphi\right) = q_m \cdot \frac{2\pi}{T_0} \cdot \cos\left(\frac{2\pi}{T_0} \cdot t + \varphi + \frac{\pi}{2}\right) = I_m \cdot \cos\left(\frac{2\pi}{T_0} \cdot t + \varphi + \frac{\pi}{2}\right)$$

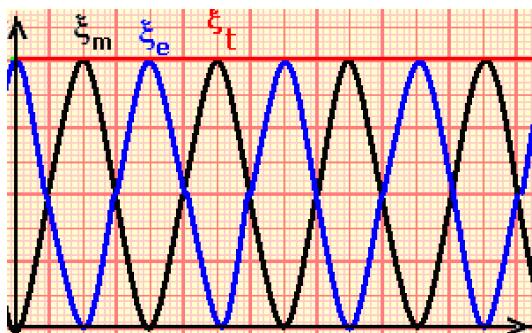
$i(t)$ متقدمة في الطور بـ $\frac{\pi}{2}$ بالنسبة لـ $q(t)$ و نقول أن $q(t)$ و $i(t)$ على تربيع في الطور



التمثيل المباني لـ $q(t)$ و $i(t)$ في اللحظة $t=0$ عندنا $q=q_m$ و $\varphi=0$

$$i(t) = I_m \cdot \cos\left(\frac{2\pi}{T_0} \cdot t + \frac{\pi}{2}\right) \quad \text{و} \quad q(t) = q_m \cdot \cos\left(\frac{2\pi}{T_0} \cdot t\right)$$

عندما تكون شحنة المكثف قصوية تكون شدة التيار الكهربائي منعدمة



انتقال الطاقة بين المكثف والوشيعة:

الطاقة الكلية المخزونة في الدارة LC هي في كل لحظة مجموع الطاقة الكهربائية في المكثف و الطاقة المغناطيسية المخزونة في الوشيعة

$$\xi = \xi_e + \xi_m = \frac{1}{2} \cdot C \cdot u_C^2 + \frac{1}{2} \cdot L \cdot i^2$$

خلاصة:

تكون الطاقة الكلية لدارة مثالية LC ثابتة خلال الزمن و تساوي الطاقة البدنية المخزونة في المكثف

$$\xi = \xi_e + \xi_m = \frac{1}{2} \cdot C \cdot u_C^2 + \frac{1}{2} \cdot L \cdot i^2 = \frac{1}{2} \cdot C \cdot U_m^2 = \frac{1}{2} \cdot L \cdot I_m^2$$

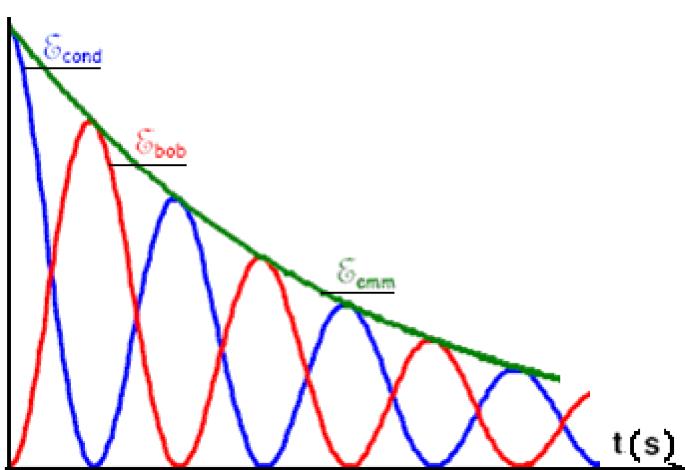
خلال الذبذبات غير المحمدة تتحول الطاقة الكهربائية في المكثف إلى طاقة مغناطيسية في الوشيعة و العكس صحيح

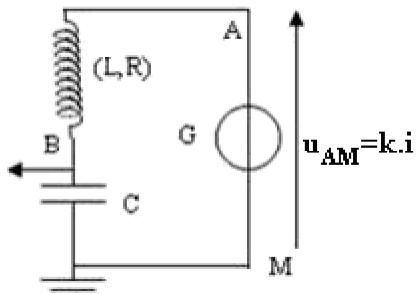
4. الطاقة في الدارة RLC المتوازية:

- عندما تنقص الطاقة في المكثف تزداد الطاقة المخزونة في الوشيعة و العكس صحيح، أي أن هناك تبادل طاقي بين المكثف والوشيعة

- خلال أي تبادل طاقي بين المكثف والوشيعة تتناقص الطاقة الكلية نتيجة وجود المقاومة R.

- ظاهرة الخمود هي نتيجة لتحول جزء من الطاقة الكلية بمحول جول إلى طاقة حرارية





$$\xi = \xi_e + \xi_m = \frac{1}{2} \cdot C \cdot u_C^2 + \frac{1}{2} \cdot L \cdot i^2$$

$$u_{AM} = u_{AB} + u_{BM}$$

$$k.i = R.i + L \cdot \frac{di}{dt} + \frac{q}{C}$$

$$i = \frac{dq}{dt} = C \cdot \frac{du}{dt} \quad \text{و } u = u_{BM}$$

$$\frac{d^2u}{dt^2} + \frac{(R - k)}{L} \cdot \frac{du}{dt} + \frac{1}{LC} u = 0 \quad \text{و منه } LC \cdot \frac{d^2u}{dt^2} + (R - k)C \cdot \frac{du}{dt} + u = 0$$

بالنسبة ل $R=k$ نحصل على المعادلة التالية:

$$\frac{d^2u}{dt^2} + \frac{1}{LC} u = 0$$

انجاز المولد G

المضخم العملياتي كاملاً ويشغل في النظام الخطى

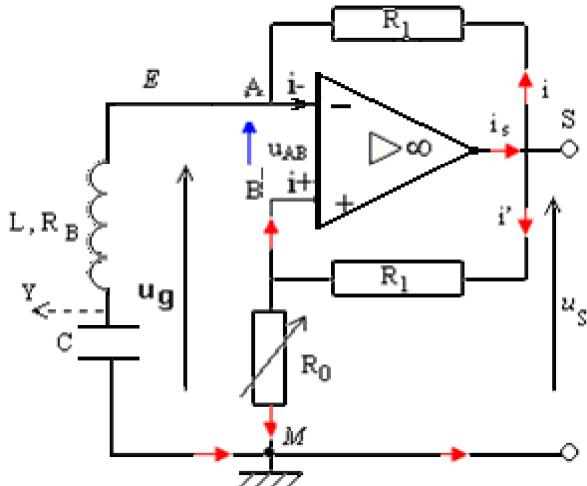
$$u_{AB} = 0 \quad i^- = i^+$$

$$u_G = u_{AM} = u_{AS} + u_{SB} + u_{BM} \\ = -R_1 \cdot i + R_1 \cdot i' + R_0 \cdot i'$$

$$u_{AS} = u_{AB} + u_{BS}$$

$$i = i' \quad -R_1 \cdot i = 0 - R_1 \cdot i' \quad \text{و منه}$$

$$k = R_0 \quad \text{و } u_S = k \cdot i \quad \text{و } u_S = R_0 \cdot i$$



معاينة التوتر بين مربطي مكثف الدارة LC الذي يوجد بها المولد G

عند معاينة التوتر بين مربطي مكثف نلاحظ:

$R_0 < R$ لا تكون هناك تذبذبات

$R_0 > R$ تكون تذبذبات لا جبية

R_0 أكبر بقليل من R تكون التذبذبات جبية

