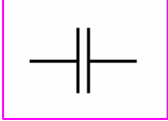


## ثنائي القطب (RC)

## I. المكثف

## • تعريف المكثف

المكثف ثنائي قطب يتكون من موصلين متقابلين يسميان لبوسين يفصل بينهما عازل كهربائي يسمى العازل الاستقطابي. رمزه الاصطلاحي هو:



تعريف

## • شحن مكثف و تفريره

تفريغ المكثف	شحن المكثف
<p>يمر تيار انتقالي مصدره المكثف. يفرغ المكثف و عند نهاية التفريغ: <math>i=0</math> و <math>u_{AB}=0</math></p>	<p>يمر تيار انتقالي مصدره المولد. يشحن المكثف و عند نهاية الشحن: <math>i=0</math> و <math>u_{AB}=E</math></p> <p>E القوة الكهرومحركة للمولد.</p>
<p>في كل لحظة شحنة المكثف هي: <math>q = q_A = -q_B</math></p>	

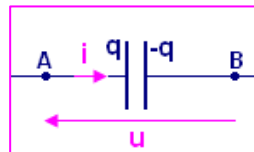
## • الاصطلاح مستقبل

يتغير منحى التيار المار في دارة مكثف حسب شحنه أو تفريره لذلك وجب اعتبار شدة التيار مقدارا جبريا. بعد اختيار منحى موجبا اعتباطيا يحدد بسهم على الدارة، نعتبر:

▪  $i > 0$  : التيار يمر في المنحى +

▪  $i < 0$  : التيار يمر في المنحى -

في الاصطلاح مستقبل يمثل التوتر بين مربطي المكثف بسهم منحاها معاكس لمنحى توجيه الدارة.



• العلاقة شحنة - شدة التيار

باعتبار الاصطلاح مستقبلي، العلاقة بين شدة التيار و شحنة المكثف خلال شحنه أو تفريغه هي:

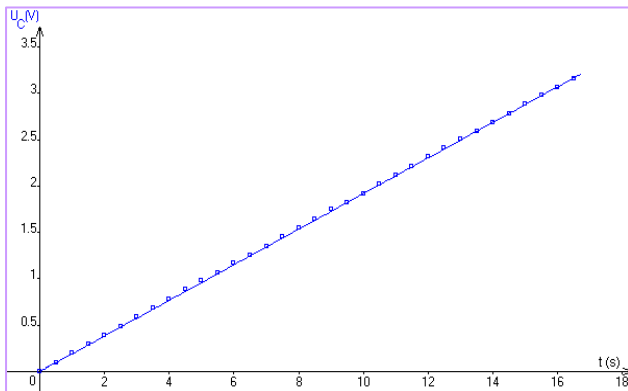
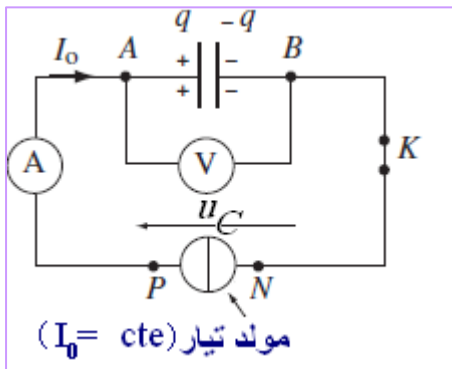
$$i = \frac{dq}{dt}$$

خلال الشحن	خلال التفريغ
q تزايدية ← i > 0	q تناقصية ← i < 0
تيار الشحن يمر في المنحى الموجب الاعتباطي	تيار التفريغ يمر عكس المنحى الموجب الاعتباطي

في حالة تيار شدته ثابتة i = I لدينا:  $I = \frac{q}{t}$  : شحنة المكثف دالة زمنية خطية. 

• العلاقة شحنة - توتر

يشحن المكثف بتيار شدته ثابتة وتقاس قيم التوتر بين مربطي المكثف بدلالة مدة الشحن. يحصل على المبيان التالي.



- معادلة المنحى هي: (1)  $u_C = k.t$
  - باعتبار المكثف يشحن بتيار شدته ثابتة فإن: (2)  $q = I_0.t$
- (2) على (1) تعطي:  $\frac{q}{u_C} = \frac{I_0}{k} = cte = C$

شحنة مكثف تتناسب طرديا مع التوتر المطبق بين مربطيه سواء خلال شحنه أو تفريغه:

$$q = C u$$

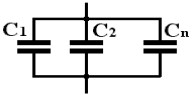
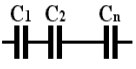
خاصية

معامل التناسب C مقدار يميز المكثف و يسمى سعة المكثف. وحدته تسمى الفاراد (F)

عمليا تستعمل أجزاء الفاراد و هي: 

- الميليفاراد:  $1 \text{ mF} = 10^{-3} \text{ F}$
- الميكروفاراد:  $1 \text{ } \mu\text{F} = 10^{-6} \text{ F}$
- النانوفاراد:  $1 \text{ nF} = 10^{-9} \text{ F}$
- البيكوفاراد:  $1 \text{ pF} = 10^{-12} \text{ F}$

• تجميع المكثفات

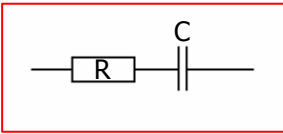
	تكمُن أهمية هذا التركيب في الحصول على سعة مرتفعة.	$C = \sum_{i=1}^n C_i$	على التوازي
	يستعمل هذا التركيب للحصول على مكثف يمكنه تحمل توتر أعلى من التوتر الذي يتحمله كل مكثف بمفرده.	$\frac{1}{C} = \sum_{i=1}^n \frac{1}{C_i}$	على التوالي

• طاقة مكثف

هي طاقة كهربائية يخزنها المكثف خلال شحنه و يحررها خلال تفريغه، و تعبيرها هو:

$$E_e = \frac{1}{2} Cu^2 = \frac{1}{2} \frac{q^2}{C}$$

II. ثنائي القطب (RC)



يتكون ثنائي قطب RC المتوالي من مكثف سعته C مركب على التوالي مع موصل أومي مقاومته R .

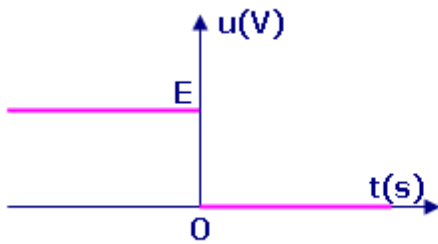
تعريف

• استجابة ثنائي قطب (RC) لرتبة توتر

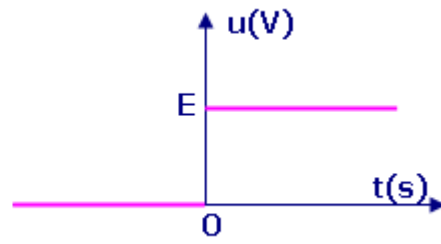
▪ رتبة توتر

يقال أن ثنائي قطب يخضع لرتبة توتر إذا تغير التوتر المطبق بين مرطبيه من 0 إلى قيمة ثابتة E لحظيا(رتبة صاعدة) أو العكس(رتبة نازلة).

تعريف

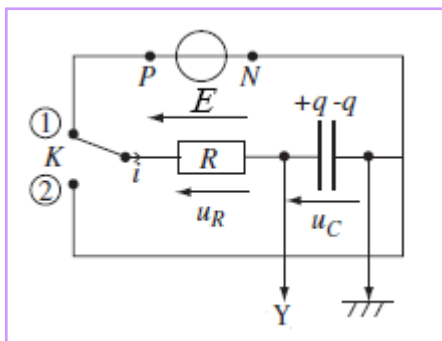


رتبة توتر نازلة



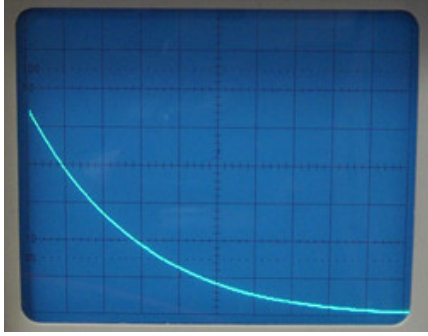
رتبة توتر صاعدة

▪ دراسة تجريبية



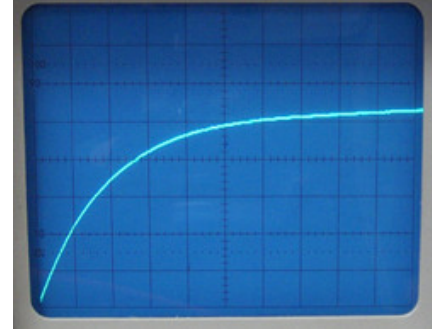
في المدخل Y لرسم تذبذب ذاكراتي تعين تغيرات التوتر  $u_C$  بين مرطبي المكثف خلال شحنه ثم خلال تفريغه.

القاطع K في الموضع 2 : استجابة RC لرتبة توتر نازلة (تفريغ المكثف)



$u_C(t)$

القاطع K في الموضع 1 : استجابة RC لرتبة توتر صاعدة (شحن المكثف)



$u_C(t)$

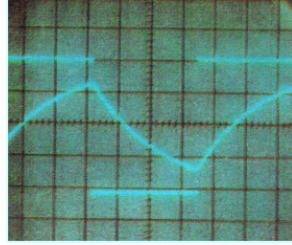
دراسة نظرية

الاستجابة لرتبة توتر نازلة: تفريغ	الاستجابة لرتبة توتر صاعدة: شحن	المعادلة التفاضلية
$RC \frac{du}{dt} + u = 0$	$RC \frac{du}{dt} + u = E$	تعبير التوتر u بين مربطي المكثف (حل المعادلة التفاضلية)
$u = Ee^{-\frac{t}{RC}}$	$u = E(1 - e^{-\frac{t}{RC}})$	
$\tau = RC$ هي المدة اللازمة لكي يفرغ المكثف 63% من شحنته البدئية.	$\tau = RC$ هي المدة اللازمة لكي يشحن المكثف به 63% من شحنته النهائية (القصى).	ثابتة الزمن

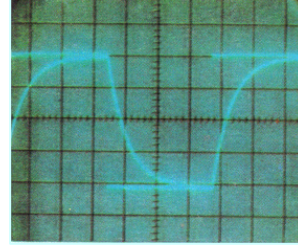
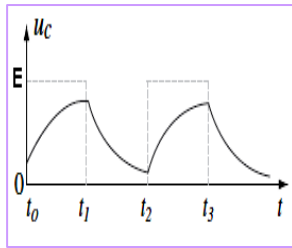
يمكن تحديد معادلة شدة التيار انطلاقاً من اشتقاق معادلة التوتر باعتبار أن:  $i = \frac{dq}{dt} = C \frac{du}{dt}$

• تأثير ثابتة الزمن على الشحن و التفريغ

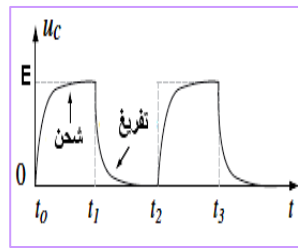
يطبق على ثنائي القطب RC توترا مربعيا وتغير قيمة R و/أو C . تعانين على أحد مدخلي راسم التذبذب تغيرات التوتربين مربطي المكثف.



$\tau=RC$  كبيرة



$\tau=RC$  صغيرة



يكون الشحن و التفريغ سريعين كلما صغرت قيمة ثابتة الزمن.  
التوتر بين مربطي المكثف دالة زمنية متصلة.

تمرين (باك 2008 الدورة العادية)

تتميز المكثفات بخاصية تخزين الطاقة مع إمكانية استرجاعها عند الحاجة. و لهذا تستعمل المكثفات في عدة أجهزة و منها نظام تشغيل مصباح وامض آلات التصوير.

(1 الجزء الأول: شحن مكثف.

ننجز التركيب التجريبي التالي(ش.1) و المكون من مكثف سعته C غير مشحون بدئا، مركب على التوالي مع موصل أومي مقاومته R و قاطع التيار K .

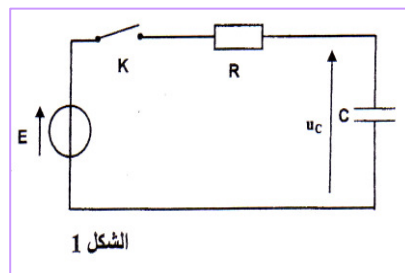
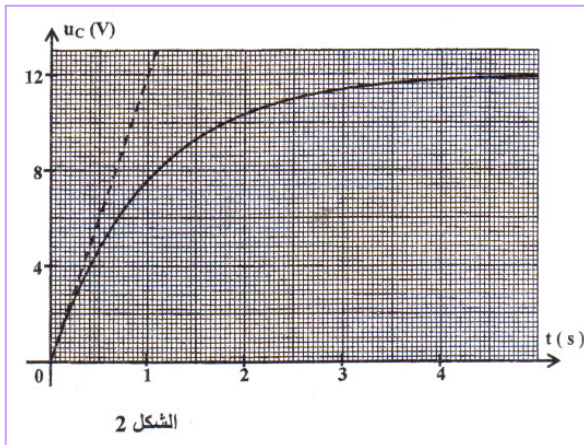
يخضع ثنائي القطب RC لرتبة توتر معرفة كما يلي:

- بالنسبة ل  $t < 0$  :  $U = 0$  ،

- بالنسبة ل  $t \geq 0$  :  $U = E$  حيث  $E = 12 \text{ V}$  .

نغلق قاطع التيار عند اللحظة  $t = 0$  و تعانين باستعمال وسيط معلوماتي عل شاشة حاسوب تغيرات التوتربين  $u_C$  بين

مربطي المكثف بدلالة الزمن.يمثل الشكل 2 المنحنى  $u_C = f(t)$  .



1.1- أثبت المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر  $u_C$  .

1.2- تحقق من أن التعبير  $u_C(t) = E(1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$  هو حل للمعادلة التفاضلية السابقة بالنسبة لـ  $t \geq 0$  ، حيث  $\tau$  ثابتة الزمن.

1.3- حدد تعبير  $\tau$  و بين، باعتماد معادلة الأبعاد، أن لـ  $\tau$  بعدا زمنيا.

1.4- عين مبيانيا قيمة  $\tau$  و استنتج أن قيمة سعة المكثف هي  $C = 100 \mu F$  . نعطى:  $R = 10 k\Omega$ .

1.5- أحسب الطاقة الكهربائية التي يخزنها المكثف في النظام الدائم.

**(2) الجزء الثاني: تفريغ مكثف.**

يتطلب تشغيل وامض آلة التصوير طاقة عالية لا يمكن الحصول عليها باستعمال المولد السابق. للحصول على الطاقة اللازمة يشحن المكثف السابق بواسطة دائرة إلكترونية تمكن من تطبيق توتر مستمر بين مبرطي المكثف قيمته:  $U_C = 360 V$  .

نفرغ المكثف عند اللحظة  $t = 0$  في مصباح وامض آلة التصوير الذي ينمذج بموصل أومي مقاومته  $r$  (ش3) فيتغير التوتر

بين مبرطي المكثف وفق المعادلة الزمنية التالية:  $u_C = 360 \cdot e^{-\frac{t}{\tau}}$  حيث  $\tau$  ثابتة الزمن و  $u_C$  معبر عنها بالفولط.

2.1- أوجد قيمة  $r$  مقاومة مصباح وامض آلة التصوير علما أن التوتر بين مبرطي المكثف يأخذ القيمة  $u_C = 132,45 V$

عند اللحظة  $t = 2 ms$  .

2.2- اشرح كيف يجب اختيار مقاومة وامض آلة التصوير لضمان تفريغ أسرع للمكثف.

