

## حركة الأقمار الاصطناعية والكواكب تمارين

### تمرين 1

ينجز قمر اصطناعي (S) حركة دائرية منتظمة حول كوكب (P) ، شعاع المسار الدائري  $R_s = 6,7 \cdot 10^5 \text{ km}$  . الدور المداري  $T_s = 3j13h14 \text{ min}$  . نعتبر جميع الأجسام لها تماثل كروي لتوزيع الكتلة .

- 1 - أحسب السرعة  $v$  للقمر الاصطناعي .
- 2 - عبر عن سرعته بدلالة  $G$  و  $R_s$  وكتلة الكوكب  $P$  ،  $M_p$  .
- 3 - استنتج كتلة الكوكب وتعرف عليه إن أمكن ذلك .

### تمرين 2

المسافتان القصوى والدنيا لكوكب المريخ بالنسبة لمركز الشمس هما على التوالي  $2,49 \cdot 10^8 \text{ km}$  و  $2,06 \cdot 10^8 \text{ km}$

- 1 - ما طبيعة مدار كوكب المريخ حول الشمس ؟ ماذا يمثل المركز S بالنسبة للمدار ؟
- 2 - أحسب طول نصف المحور الأكبر لهذا المدار ؟
- 3 - أعط نص قانون المساحات . في أي نقطة من المدار تكون سرعة المريخ قصوى ؟ وفي أي نقطة تكون دنيا ؟

### تمرين 3 \*\*

تتعلق طبيعة المسار لقمر اصطناعي بقيمة السرعة  $v_0$  التي أعطيت له عند تحريره من طرف المركبة الفضائية التي نقلته خارج المجال الجوي الأرضي .

هناك قيمتان خاصتان للسرعة في نقطة الدفع بالنسبة لارتفاع معين من سطح الأرض

- سرعة الاستقمار الدائري ونعبر عنها بالرمز  $v_s$  .

- سرعة التحرير ونعبر عنها بالرمز  $v_L$

-  $v_s = v_0$  مدار دائري .

-  $v_s < v_0 < v_L$  : مدار إهليلجي يشكل مركز الأرض إحدى بؤرتيه .

-  $v_0 \geq v_L$  : مدار شلجمي أو هذلولي (hyperpole) إذ لا يحدث أي استقمار بحيث يكون القمر الاصطناعي مسبارا فضائيا .

يعطي الجدول أسفله قيم  $v_s$  و  $v_L$  بالنسبة لارتفاعات مختلفة :

الارتفاع	$v_s$	$v_L$
200km	25000km / h	39640km / h
800km	26800km / h	37940km / h
36000km	11040km / h	15620km / h

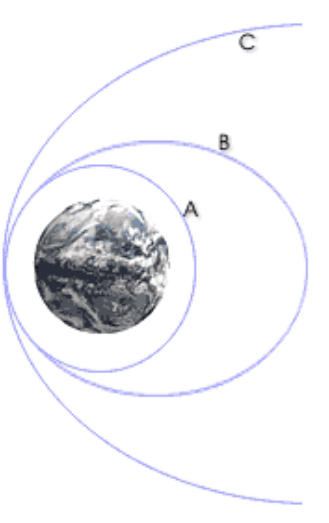
1 - تعرف على مختلف الوضعيات في الشكل أسفله

2 - أوجد سرعة الاستقمار بدلالة ارتفاع نقطة التحرير .

3 - تحقق حسابيا من القيم المقدمة في الجدول أعلاه .

4 - أحد ارتفاعات نقطة التحرير يوافق ارتفاع قمر اصطناعي ساكن بالنسبة للأرض . عين هذا الارتفاع وحدد الشروط التي ينبغي توفرها لكي يكون هذا القمر الاصطناعي

ساكنا بالنسبة للأرض . نعطي كتلة الأرض  $m_T = 5,98 \cdot 10^{24} \text{ kg}$  .



#### تمرين 4

نعتبر قمرا اصطناعيا للاتصالات كتلته  $m$  يوجد مداره الدائري في مستوى خط الاستواء الذي يعتبر مدارا للأقمار الاصطناعية الساكنة بالنسبة للأرض ، تدرس حركة هذا القمر الاصطناعي في المرجع المركزي الأرضي .

1 - 1 - أعط تعريف المرجع المركزي الأرضي .  
 ما الدور المداري للأرض ؟ وما الدور الخاص لحركة الأرض ؟  
 1 - 2 - حدد السرعة الزاوية لحركة القمر الاصطناعي باعتباره ساكنا بالنسبة للأرض .  
 بالنسبة لأي مرجع يظهر القمر الاصطناعي ساكنا ؟  
 1 - 2 - يوجد القمر الاصطناعي على ارتفاع  $z = 35800\text{km}$  . أحسب الشعاع  $r$  لمسار حركته . أعط مميزات متجهة السرعة  $\vec{v}$  لمركز قصوره .

2 - 2 - حدد اتجاه ومنحنى متجهة التسارع  $\vec{a}$  وأعط تعبير  $a$  بدلالة  $r, v$  واحسب قيمتها .  
 1 - 3 - 3

التجاذب التي تطبقها الأرض . نعتبر أن كتلة الأرض  $m_T$  موزعة حسب طبقات متجانسة وكروية الشكل .  
 أعط تعبير  $v$  بدلالة الشعاع  $r$  والجداء  $G.m_T$  حيث  $G$  ثابتة التجاذب الكوني .  
 استنتج تعبير القانون الثالث لكيبلر .  
 2 - 3 - أحسب قيمة الجداء  $G.m_T$  .

3 - 3 - تحقق من القيمة المحصلة علما أن شدة مجال الثقالة على سطح الأرض هي :  $g_0 = 9,81\text{m/s}^2$   
 4

المدار إهليلجي تمثل الأرض إحدى بؤرتيه حيث الارتفاع  $a$  وارتفاعه القصوي  $z_A$  بالنقطة  $A$  هو لمدار حركة قمر الاصطناعي الساكن بالنسبة للأرض .  
 بالنقطة  $P$   $z_P = 200\text{km}$

1 - 4 - مثل مدار حركة القمر الاصطناعي حول الأرض مبرزا النقطتين  $P$  و  $A$  .  
 2 - 4 - في أي نقطة من المدار تكون سرعة القمر الاصطناعي دنوية .  
 3 - 4 - أعط تعبير الدور المداري  $T_A$  للقمر الاصطناعي . أحسب  $T_A$  والمدة اللازمة لمرور القمر من النقطة  $P$  إلى النقطة  $A$  .