

Correction de l'examen national du baccalauréat international

Section SVT session normal 2019

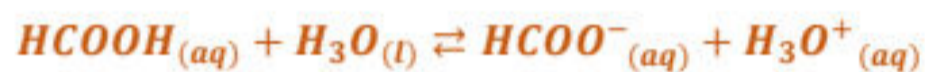
Chimie

Partie 1 : Etude de la solution aqueuse d'acide méthanoïque

1- Définition de l'acide selon Bronsted :

Un acide est toute espèce chimique capable de fournir un ou plusieurs protons au cours d'une réaction chimique.

2- L'équation de la réaction :



3- Tableau d'avancement :

| Equation chimique | | $\text{HCOOH}_{(aq)} + \text{H}_3\text{O}_{(l)} \rightleftharpoons \text{HCOO}^-_{(aq)} + \text{H}_3\text{O}^+_{(aq)}$ | | | | |
|--------------------|------------------------------------|--|----------|------|-------|-------|
| Etat du système | Avancement de la réaction en (mol) | Quantité de matière en (mol) | | | | |
| Etat initial | 0 | $C_A \cdot V$ | En excès | ---- | 0 | 0 |
| | | | | - | | |
| Etat intermédiaire | x | $C_A \cdot V - x$ | En excès | ---- | x | x |
| | | | | - | | |
| Etat final | x_f | $C_A \cdot V - x_f$ | En excès | ---- | x_f | x_f |
| | | | | - | | |

4- Calcul de x_f :

$$x_f = n_f(\text{H}_3\text{O}^+)$$

$$n_f(\text{H}_3\text{O}^+) = [\text{H}_3\text{O}^+]_f \cdot V = 10^{-\text{pH}} \cdot V$$

$$x_f = 10^{-\text{pH}} \cdot V \Rightarrow x_f = 10^{-2,4} \times 1 = 3,98 \cdot 10^{-3} \text{ mol}$$

5- Calcul de τ :

$$\text{On a : } \tau = \frac{x_f}{x_{\text{max}}}$$

Le réactif limitant est l'acide : $C_A \cdot V - x_{\text{max}} = 0 \Rightarrow x_{\text{max}} = C_A \cdot V$

$$= \frac{x_f}{C_A \cdot V} \Rightarrow \tau = \frac{3,98 \cdot 10^{-3}}{0,1} = 3,98 \cdot 10^{-2} < 1$$

$$\tau \approx 4\%$$

Conclusion : la réaction est limitée.

6- Montrons l'expression de $Q_{r, \text{éq}}$:

D'après le tableau d'avancement, à l'état d'équilibre (ou final) :

$$[H_3O^+]_{\text{éq}} = [HCOO^-]_{\text{éq}} = \frac{x_f}{V} = 10^{-pH}$$

$$[HCOOH]_{\text{éq}} = \frac{C_A \cdot V - x_f}{V} = C_A - \frac{x_f}{V} = C_A - 10^{-pH}$$

D'après l'expression de $Q_{r, \text{éq}}$:

$$Q_{r, \text{éq}} = \frac{[H_3O^+]_{\text{éq}} \cdot [HCOO^-]_{\text{éq}}}{[HCOOH]_{\text{éq}}}$$

$$Q_{r, \text{éq}} = \frac{(10^{-pH})^2}{C_A - 10^{-pH}} \Rightarrow Q_{r, \text{éq}} = \frac{10^{-2pH}}{C_A - 10^{-pH}}$$

A.N :

$$Q_{r, \text{éq}} = \frac{10^{-2 \times 2,4}}{0,1 - 10^{-2,4}} = 1,65 \cdot 10^{-4}$$

7- La constante d'équilibre K :

On a : $K = D_{r, \text{éq}}$ donc : $K = 1,65 \cdot 10^{-4}$

Partie 2 : Dosage de la solution aqueuse d'acide méthanoïque

1- Les noms des éléments :

- ① : pH-mètre.
- ② : Solution aqueuse (S_B) d'hydroxyde de sodium.
- ③ : Solution aqueuse (S_A) d'acide méthanoïque.

2- Equation de la réaction du dosage :

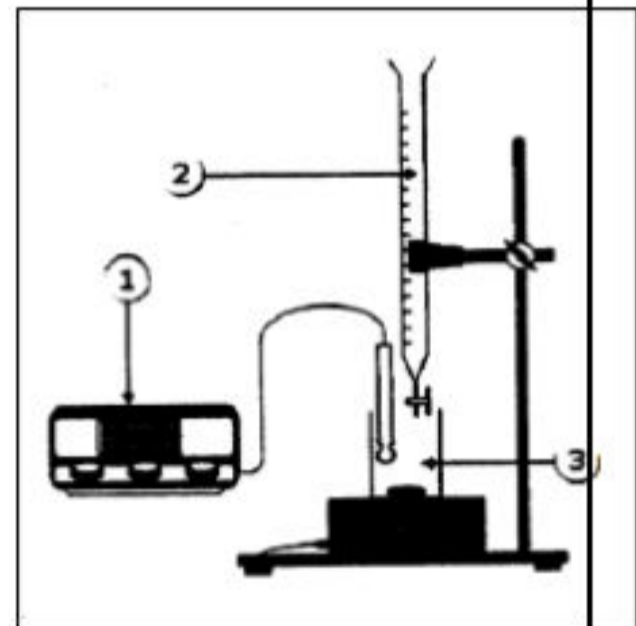


3- Retrouvons la valeur de C_A :

La relation d'équivalence : $C_A \cdot V_A = C_B \cdot V_{BE}$ alors : $C_A = \frac{C_B \cdot V_{BE}}{V_A}$

A.N :

$$C_A = \frac{0,25 \times 8,0 \times 10^{-3}}{20,0 \times 10^{-3}} = 0,1 \text{ mol. L}^{-1}$$



4-L'indicateur qui convient à ce dosage :

est le rouge de crésol car sa zone de virage contient la valeur du pH à l'équivalence .

5- Calcul de constante d'acidité K_A :

La relation qui lie pH et pK_A : $pH = pK_A + \log \frac{[HCOO^-]}{[HCOOH]} \Rightarrow pH = pK_A + \log \frac{[HCOOH]}{[HCOOH]}$

$$pH = pK_A + \log 1 \Rightarrow pH = pK_A$$

$$K_A = 10^{-pK_A} \Rightarrow K_A = 10^{-pH} \Rightarrow K_A = 10^{-3,8} = 1,58 \cdot 10^{-4}$$

Partie 3 : comportement de deux acides en solution aqueuses

1-L'acide le plus dissocié en solution :

Plus que l'acide le plus fort (c'est-à-dire le plus dissocié) est celui dont le taux d'avancement final est plus élevé.

$$\begin{cases} \tau = 3,98 \cdot 10^{-2} \rightarrow \text{acide méthanoïque} \\ \tau' = 1,16 \cdot 10^{-3} \rightarrow \text{acide propanoïque} \end{cases} \Rightarrow \tau > \tau'$$

Conclusion : l'acide méthanoïque se dissocie dans l'eau plus que l'acide propanoïque.

2-Cmparaison des deux constantes d'acidités :

L'acide est d'autant plus fort que sa constante d'acidité K_A est plus grande.

Justification ; selon l'expression de K_A : $K_A = \frac{([H_3O^+]_{\text{éq}})^2}{C_A - [H_3O^+]_{\text{éq}}}$ on a : $\tau = \frac{[H_3O^+]_{\text{éq}}}{C_A} \Rightarrow [H_3O^+]_{\text{éq}} = \tau \cdot C_A$

$K_A = \frac{(\tau \cdot C_A)^2}{C_A - \tau \cdot C_A} = \frac{C_A \cdot \tau^2}{1 - \tau}$ la valeur de la constante K_A augmente avec l'augmentation de la valeur de τ

$$\tau(HCOOH/HCOO^-) > \tau(C_2H_5COOH/C_2H_5COO^-) \Rightarrow K_A(HCOOH/HCOO^-) > K_A(C_2H_5COOH/C_2H_5COO^-)$$

Conclusion : la constante d'acidité de l'acide méthanoïque est plus grande que celle de l'acide propanoïque.

Physique

Exercice 1 : Aqe d'une nappe phréatique

1-La réponse juste est C :

Justification : Le noyau de chlore se décompose de $Z=17$ protons et de $N=35-17=18$ neutrons.

2-Détermination du noyau le plus stable :

Le noyau est d'autant plus stable que son énergie de liaison par nucléon $\frac{E_l}{A}$ est grand.

| Noyau | ${}^{35}_{17}\text{Cl}$ | ${}^{36}_{17}\text{Cl}$ | ${}^{37}_{17}\text{Cl}$ |
|--|-------------------------|-------------------------|-------------------------|
| Energie de liaison par nucléon $\frac{E_t}{A}$ (MeV / nucléon) | 8,5178 | 8,5196 | 8,5680 |

D'après les données du tableau en-dessus, le noyau ${}^{35}_{17}\text{Cl}$ a la plus grande énergie de liaison par nucléon donc il est le plus stable.

3.1-L'équation de désintégration :



D'après la loi de conservation de Soddy :

$$\begin{cases} 36 = 36 + A \\ 17 = 18 + Z \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} A = 0 \\ Z = -1 \end{cases} \Rightarrow {}^A_Z\text{X} = {}^0_{-1}\text{e} \rightarrow (\text{électron})$$

L'équation de désintégration : ${}^{36}_{17}\text{Cl} \rightarrow {}^{36}_{18}\text{Ar} + {}^0_{-1}\text{e}$

Le type de cette désintégration est β^- .

3.2-L'énergie libérée $E_{\text{libérée}}$:

$$\begin{aligned} E_{\text{libérée}} &= |\Delta E| = |[m({}^{36}_{18}\text{Ar}) + m({}^0_{-1}\text{e}) - m({}^{36}_{17}\text{Cl})].c^2| \\ E_{\text{libérée}} &= |[35,967545 + 0,000549 - 35,968312] \times 931,5 \text{ MeV} \cdot c^{-2} \cdot c^2| \\ E_{\text{libérée}} &= 0,203 \text{ MeV} \end{aligned}$$

4-Determination de l'âge de la nappe phréatique :

D'après la loi de décroissance radioactive : $N = N_0 e^{-\lambda t}$

$$\begin{aligned} N &= 38\% N_0 = 0,38 N_0 \\ 0,38 N_0 &= N_0 e^{-\lambda t} \Rightarrow 0,38 = e^{-\lambda t} \Rightarrow \ln(0,38) = -\lambda \cdot t \\ t &= \frac{\ln(0,38)}{-\lambda} = -\frac{\ln(0,38)}{\lambda} \end{aligned}$$

A.N : $t = -\frac{\ln(0,38)}{2,30 \cdot 10^{-6}} = 420689 \text{ ans} \Rightarrow t \approx 420,69 \cdot 10^3 \text{ ans}$

Exercice 2 Dipôle RC- Circuit RLC série

1-

1.1-L'équation différentielle vérifiée par $u_C(t)$:

D'après la loi d'additivité des tensions : $u_C(t) + u_R(t) = E$

D'après la loi d'ohm : $u_R(t) = R \cdot i(t)$

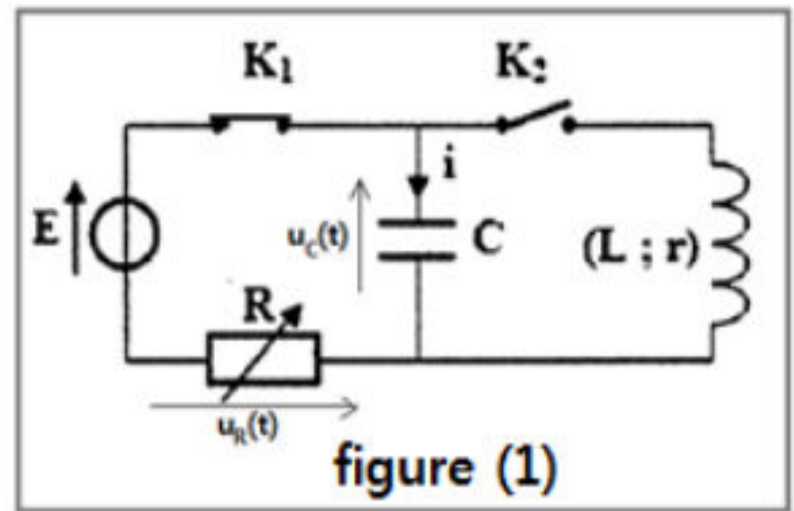
On a : $i = \frac{dq}{dt} = \frac{d(C \cdot u_C(t))}{dt} = C \cdot \frac{du_C(t)}{dt}$

$$R \cdot i(t) + u_C(t) = E$$

$$RC \cdot \frac{du_C(t)}{dt} + u_C(t) = E$$

On pose : $\tau = R \cdot C$, l'équation différentielle s'écrit :

$$\tau \cdot \frac{du_C(t)}{dt} + u_C(t) = E$$



1.2-

1.2.1- Identification de la courbe qui correspond à $u_C(t)$:

A $t_0=0$ la tension aux bornes du condensateur est nulle, $u_C(0) = 0$, la courbe qui passe par l'origine des axes représente $u_C(t)$.

La courbe (1) représente la tension $u_C(t)$.

1.2.2- La détermination graphique de la valeur de :

a- la constante de temps τ : D'après la courbe (1) de la figure 2 : $\tau = 5 \text{ ms}$.

b- La force électromotrice E : D'après la figure 2 l'asymptote de la courbe (1) représente E : $E = 10 \text{ V}$.

1.2.3- Vérification de la valeur de C :

On a : $\tau = R \cdot C \Rightarrow C = \frac{\tau}{R}$

A.N : $C = \frac{5 \cdot 10^{-3}}{100} = 50 \cdot 10^{-6} \text{ F}$

$$C = 50 \mu\text{F}$$

1.2.4- Détermination de la valeur de I_0 :

D'après la figure 2 la courbe (2) représente la tension $u_R(t)$, à $t_0 = 0$ on a : $u_R(0) = 10 \text{ V}$

A $t_0 = 0$: $u_R(0) = R \cdot I_0 \Rightarrow I_0 = \frac{u_R(0)}{R}$ A.N : $I_0 = \frac{10}{100} = 0,1 \text{ A}$

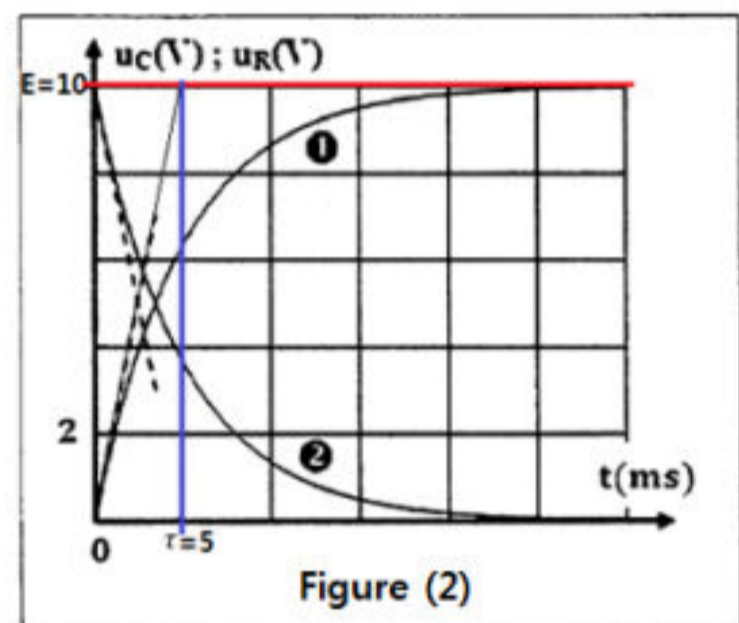
1.2.5- L'intensité du courant est : A

La justification (n'est pas demander)

La solution de l'équation différentielle est : $u_C(t) = E(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}) \Rightarrow \frac{du_C}{dt} = \frac{E}{\tau} \cdot e^{-\frac{t}{\tau}}$

$$i(t) = C \cdot \frac{du_C(t)}{dt} = C \cdot \frac{E}{\tau} \cdot e^{-\frac{t}{\tau}} = \frac{E \cdot C}{R \cdot C} \cdot e^{-\frac{t}{\tau}} = \frac{E}{R} \cdot e^{-\frac{t}{\tau}}$$

$$i(t) = \frac{10}{100} \cdot e^{-\frac{t}{5 \cdot 10^{-3}}} = 0,1 \cdot e^{-200 \cdot t}$$



1.2.6-Pour charger rapidement le condensateur, il faut diminuer la valeur de la résistance R.

La durée de la charge du condensateur est $\Delta t = 5\tau = 5R.C$

Pour une charge rapide du condensateur, il faut diminuer la valeur de τ c'est à dire diminuer la valeur de R.

2.1-Le régime d'oscillation de la courbe de la figure 3 :

Régime pseudopériodique.

2.2-Déterminatin de la valeur de L :

L'expression de la période propre : $T_0 = 2\pi\sqrt{L.C} \Rightarrow T_0^2 = 4\pi^2 L.C \Rightarrow$

$$L = \frac{T_0^2}{4\pi^2 C}$$

Graphiquement en utilisant la figure 3 on trouve : $T = 20 \text{ ms}$ sachant que : $T = T_0$.

$$L = \frac{(20.10^{-3})^2}{4 \times 10 \times 50.10^{-6}} = 0,2 \text{ H}$$

2.3.1-Détermination des valeurs de ξ_{e0} et ξ_{e1} :

A $t_0 = 0$ on a : $\xi_{e0} = 10 \text{ V}$

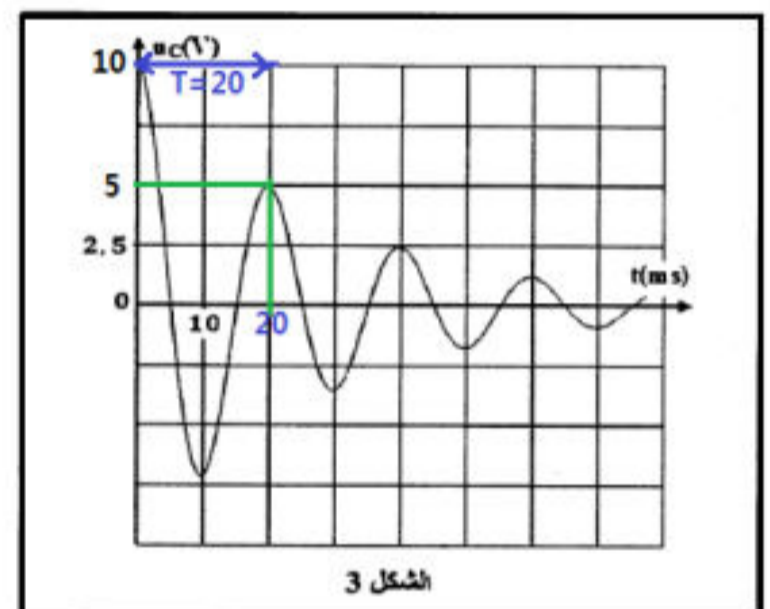
$$\xi_{e0} = \frac{1}{2} C. u_C^2(0)$$

$$\xi_{e0} = \frac{1}{2} \times 50.10^{-6} \times 10^2 = 2,5.10^{-3} \text{ J}$$

A $t_1 = T$ on a : $\xi_{e1} = 5 \text{ V}$

$$\xi_{e1} = \frac{1}{2} C. u_C^2(T)$$

$$\xi_{e1} = \frac{1}{2} \times 50.10^{-6} \times 5^2 = 6,25.10^{-4} \text{ J}$$



2.3.2-Calcul de $\Delta\xi$:

A $t_0 = 0$ on a $\xi_{e0} = 10 \text{ V}$ et $i(0) = 0$ donc : $\xi(0) = \xi_{e0} + \xi_{m0} = \xi_{e0}$

A $t_1 = T$ on a $\xi_{e1} = 5 \text{ V}$ et $i(T) = 0$ donc : $\xi(T) = \xi_{e1} + \xi_{m1} = \xi_{e1}$

$$\Delta\xi = \xi_{e1} - \xi_{e0} = 6,25.10^{-4} - 2,5.10^{-3} = -1,78.10^{-3} \text{ J} < 0$$

Dans un circuit RLC, l'énergie totale n'est pas constante, elle diminue au cours du temps, on dit qu'il y a dissipation d'énergie par effet Joule dans la résistance de la bobine.

Exercice 3 : Etude de mouvement d'un skieur – Etude d'un système oscillant

Partie 1 : Etude de mouvement d'un skieur

1- Mouvement du skieur sur une piste horizontale

1.1-Etablissement de l'équation différentielle vérifiée par l'abscisse x_G :

Système étudié : {système (S)}

Bilan des forces :

\vec{P} : poids du solide

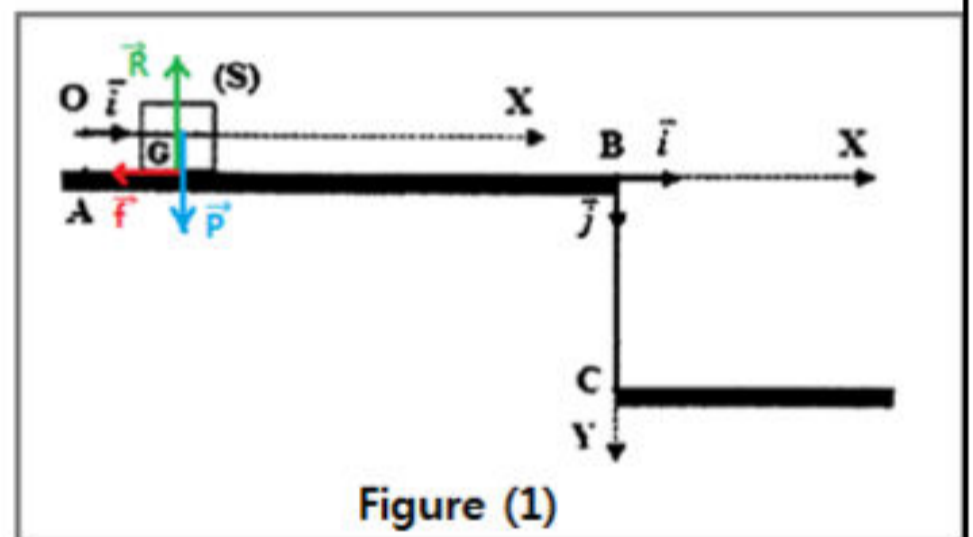
\vec{R} : force exercée par la piste puisque le mouvement se fait avec frottement, on écrit : $\vec{R} = \vec{R}_N + \vec{f}$

Application de la deuxième loi de Newton dans le repère (O, \vec{i}) galiléen :

$$\begin{aligned}\vec{P} + \vec{R} &= m \cdot \vec{a}_G \\ \vec{P} + \vec{R}_N + \vec{f} &= m \cdot \vec{a}_G\end{aligned}$$

Projection sur l'axe Ox :

$$-f = m \cdot a_G \Rightarrow \frac{d^2 x_G}{dt^2} = -\frac{f}{m}$$



1.2-La nature du mouvement de G :

La valeur de $f = cte$ et de $m = cte$

Donc la valeur de $a_G = cte < 0$

Le mouvement est rectiligne uniformément varié (décéléré).

Calcul de a_G : $a_G = -\frac{f}{m}$

$$a_G = -\frac{70}{70} = -1 \text{ m} \cdot \text{s}^{-2}$$

1.3-Pour que skieur ne peut pas éviter la chute après la position B il faut que sa vitesse au point B est $V_B \neq 0$:

Equation de la vitesse de G : $V_G = a_G \cdot t + V_0$

A $t_0 = 0$ on a : $V_0 = V_A$

$$V_G = a_G \cdot t + V_A$$

A la position B :

$$V_B = a_G \cdot t + V_A \Rightarrow V_B = -1 \times 4,4 + 25 = 20,6 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$$

Le skieur arrive à la position B avec une vitesse $V_B \neq 0$ donc il ne peut pas éviter sa chute après la position B.

2-Etude de la chute libre de skieur :

2.1-Détermination de t_P :

On a : $x_G = V_B \cdot t$

A la position P l'équation horaire s'écrit : $x_P = V_B \cdot t_P \Rightarrow t_P = \frac{x_P}{V_B}$

A.N : $t_P = \frac{16,48}{20,6} = 0,8 \text{ s}$

2.2-Détermination de la valeur de la vitesse V'_B :

Trouvons l'équation de la trajectoire :

$$x_G = V'_B \cdot t \Rightarrow t = \frac{x_G}{V'_B} \text{ on remplace l'expression de } t \text{ dans l'équation horaire : } y_G = \frac{1}{2} g \cdot t^2$$

$$y_G = \frac{1}{2} g \cdot \left(\frac{x_G}{V'_B} \right)^2 = \frac{g}{2 \cdot V_B'^2} \cdot x_G^2$$

Les coordonnées du point P sont $(x'_P, y_P = h)$ l'équation de la trajectoire s'écrit : $y_P = \frac{g}{2 \cdot V_B'^2} \cdot x_P'^2$

$$\Rightarrow 2y_P \cdot V_B'^2 = g \cdot x_P'^2 \Rightarrow V_B'^2 = \frac{g \cdot x_P'^2}{2y_P}$$

$$V'_B = \sqrt{\frac{g \cdot x_P'^2}{2y_P}} = x'_P \sqrt{\frac{g}{2h}}$$

A.N : $V'_B = 18 \sqrt{\frac{10}{2 \times 3,2}} = 22,5 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$

Partie 2 : Etude d'un système oscillant

1.1- Détermination de la valeur de T_0 , de X_m et de φ :

L'équation horaire s'écrit : $x(t) = X_m \cos\left(\frac{2\pi}{T_0} \cdot t + \varphi\right)$

Par dérivation on obtient : $\dot{x}(t) = -\frac{2\pi}{T_0} \cdot X_m \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{T_0} \cdot t + \varphi\right)$ (1)

L'équation horaire de la vitesse : $v(t) = \dot{x}(t) = -0,25 \cdot \sin(2\pi \cdot t)$ (2)

En comparant les 2 équations (1) et (2) on trouve :

-La valeur de T_0 : $\frac{2\pi}{T_0} = 2\pi \Rightarrow T_0 = 1 \text{ s}$

-La valeur de X_m : $-\frac{2\pi}{T_0} \cdot X_m = -0,25 \Rightarrow X_m = \frac{0,25 \cdot T_0}{2\pi} \Rightarrow X_m = \frac{0,25 \times 1}{2\pi} = 0,04 \text{ m} \Rightarrow X_m = 4 \text{ cm}$.

-La valeur de φ : $\varphi = 0$

1.2-Vérification de la valeur de K :

D'après l'expression de la période propre : $T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{m}{K}} \Rightarrow T_0^2 = 4\pi^2 \cdot \frac{m}{K}$

$$K = \frac{4\pi^2 \cdot m}{T_0^2}$$

A.N :

$$K = \frac{4\pi^2 \times 0,255}{1^2} \approx 10 \text{ N} \cdot \text{m}^{-1}$$

2-Déterminatin de la fr rappel \vec{F} à $t = 0,5 \text{ s}$:

$$\vec{F} = -K \cdot x(t) \cdot \vec{i}$$

$$\vec{F} = -K \cdot X_m \cos(2\pi \cdot t) \cdot \vec{i}$$

$$\vec{F} = -K \cdot X_m \cos(2\pi \times 0,5) \cdot \vec{i} = K \cdot X_m \vec{i}$$

$$\vec{F} = 10 \times 0,04 \cdot \vec{i} = 0,4 \cdot \vec{i}$$