

## Exercice : CIRCUITS RL ET RLC

L'objectif de cette étude est de retrouver expérimentalement la capacité d'un condensateur et l'inductance d'une bobine pour les comparer à celles données par le fabricant.

Le matériel disponible pour l'ensemble de cet exercice est le suivant :

- ❑ Une bobine d'inductance dont les indications du fabricant sont  $L=1,0\text{H}$  et  $r=10\Omega$
- ❑ Un condensateur dont l'indication du fabricant est  $C = 10 \mu\text{F}$
- ❑ Un générateur de tension constante  $E = 10 \text{ V}$
- ❑ Un conducteur ohmique de résistance  $R = 1,0 \text{ k}\Omega$
- ❑ Un interrupteur simple et un commutateur bipolaire
- ❑ Des fils de connexion
- ❑ Un système d'acquisition informatisé

### 1. Étude expérimentale d'un circuit RL

Le schéma du montage réalisé est représenté sur la figure 1 (le système d'acquisition est connecté mais non représenté):

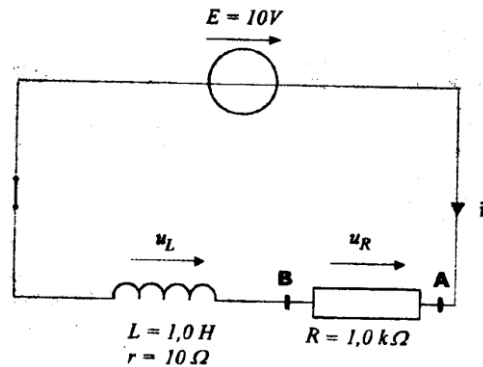


figure 1

Une fois le paramétrage du système d'acquisition effectué, on ferme l'interrupteur à l'instant de date  $t_0 = 0 \text{ s}$  et on enregistre l'évolution de la tension aux bornes du conducteur ohmique de résistance  $R$  en fonction du temps. On obtient l'enregistrement représenté sur la figure 2.

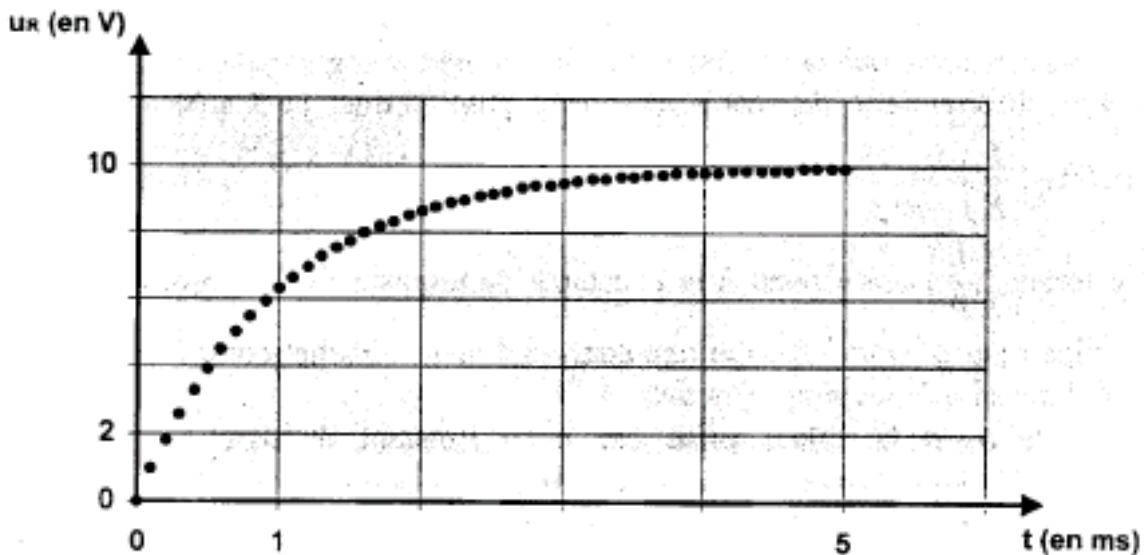
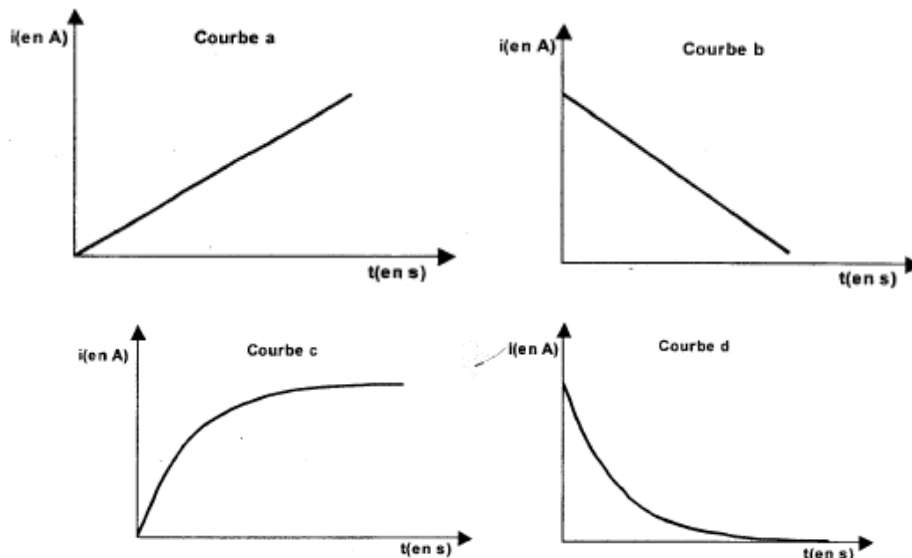


figure 2

**1.1** L'adaptateur du système d'acquisition s'utilise comme un voltmètre. Il possède deux bornes : COM et V. Préciser à quels points du circuit il faut relier ces bornes pour obtenir la courbe de la figure 2.

**1.2** On donne différentes courbes susceptibles de représenter l'intensité du courant en fonction du temps. Choisir celle qui correspond à l'évolution de l'intensité du courant en fonction du temps dans le circuit de la figure 1, après la fermeture de l'interrupteur. Justifier à partir de la courbe expérimentale donnée sur la figure 2.



**1.3** Quelle est l'influence de la bobine sur l'établissement du courant lors de la fermeture du circuit ?

## 2. Modélisation et équation différentielle

**2.1** Si l'on considère que la résistance  $r$  de la bobine est négligeable devant  $R$ , montrer que l'équation différentielle de ce circuit, interrupteur fermé, peut s'écrire sous la forme :

$$E = u_R(t) + \left( \frac{L}{R} \right) \frac{du_R(t)}{dt}$$

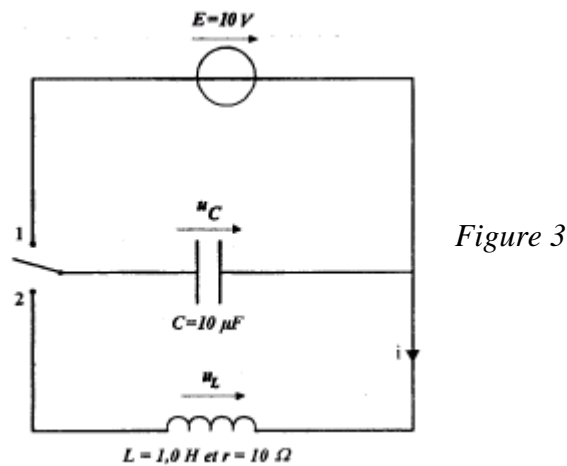
**2.2** Le terme  $\left( \frac{L}{R} \right)$  correspond à la constante de temps  $\tau$  de ce circuit (dans lequel on a négligé  $r$  par rapport à  $R$ ). Par une analyse dimensionnelle montrer que cette constante a la dimension d'un temps (ou durée).

**2.3** On note  $u_R(\tau)$  la valeur prise par  $u_R$  à l'instant de date  $t = \tau$ . Sachant que  $u_R(\tau) = 0,63(u_R)_{\max}$ , avec  $(u_R)_{\max}$ , valeur maximale atteinte par la tension  $u_R$ , déterminer à partir du graphe de la figure 2 la valeur de la constante de temps  $\tau$  de ce circuit.

**2.4** En déduire la valeur de  $L$  et la comparer avec l'indication du fabricant.

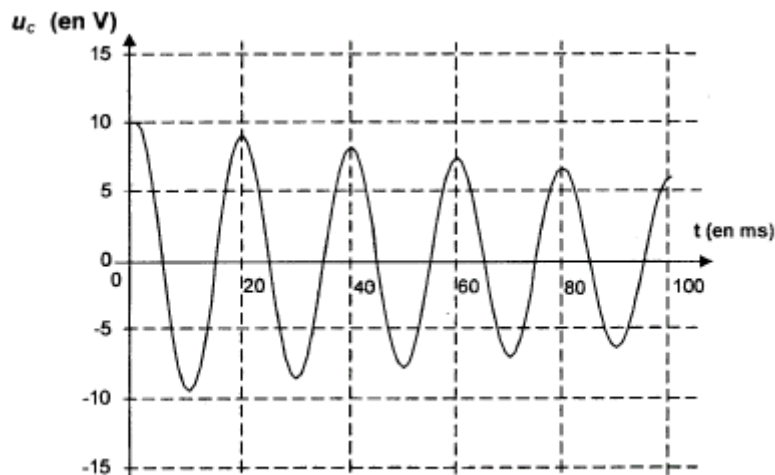
### 3. Étude du circuit oscillant

On réalise ensuite le montage correspondant au schéma de la figure 3.



On bascule le commutateur en position 1 pour charger le condensateur puis on le bascule en position 2. Avec le même système d'acquisition et de traitement qu'au 1, en adaptant le paramétrage, on enregistre la tension  $u_c(t)$  dont le graphe est représenté sur la figure 5.

L'enregistrement débute à l'instant de date  $t_0 = 0 \text{ s}$  qui correspond au basculement du commutateur en position 2.



3.1 Comment peut-on expliquer la diminution d'amplitude des oscillations au cours du temps ?

3.2 Déterminer la valeur de la pseudo-période du signal.

3.3 Ici on peut considérer que la période propre et la pseudo-période ont la même expression. En déduire la valeur de la capacité  $C$  du condensateur et comparer avec l'indication du fabricant.

On donne  $\pi^2 \approx 10$

**1. Étude expérimentale d'un circuit RL**

1.1. La courbe représentative de la tension montre que la tension est positive. Il faut mesurer  $u_{AB}$ , pour cela on relie la borne « V » au point A et la borne « COM » au point B.

1.2. D'après la loi d'Ohm:  $u_{AB} = u_R = R.i$ . Donc  $i = \frac{u_R}{R}$ .

L'intensité du courant est proportionnelle à la tension  $u_R$ . La courbe  $i = f(t)$  a donc la même allure que  $u_R = f(t)$  : il s'agit donc de la courbe c.

1.3. Toute bobine s'oppose aux variations de l'intensité du courant qui la traverse. Ici elle retarde l'établissement du courant qui ne passe pas instantanément de 0 à sa valeur maximale.

**2. Modélisation et équation différentielle**

2.1. D'après la loi d'additivité des tensions dans le circuit :  $E = u_R(t) + u_L(t)$  (1)

La tension aux bornes de la bobine de résistance interne négligeable a pour expression :  $u_L(t) = L \cdot \frac{di}{dt}$

or  $i = \frac{u_R(t)}{R}$  d'où  $u_L(t) = \left(\frac{L}{R}\right) \cdot \frac{du_R(t)}{dt}$

En remplaçant dans l'équation (1), on trouve :  $E = u_R(t) + \left(\frac{L}{R}\right) \frac{du_R(t)}{dt}$

2.2. Analyse dimensionnelle:

La loi d'ohm permet d'écrire :  $[U] = [R] \times [I]$

La tension aux bornes d'une bobine permet d'écrire :  $[U] = [L] \times [I] / [T] = [L] \times [I] \times [T]^{-1}$

On en déduit  $[U] = [R] \times [I] = [L] \times [I] \times [T]^{-1}$  soit  $[L] / [R] = [T]$

Le rapport  $L/R$  a donc les dimensions d'un temps.

2.3.  $(u_R)_{max} = 10$  V.

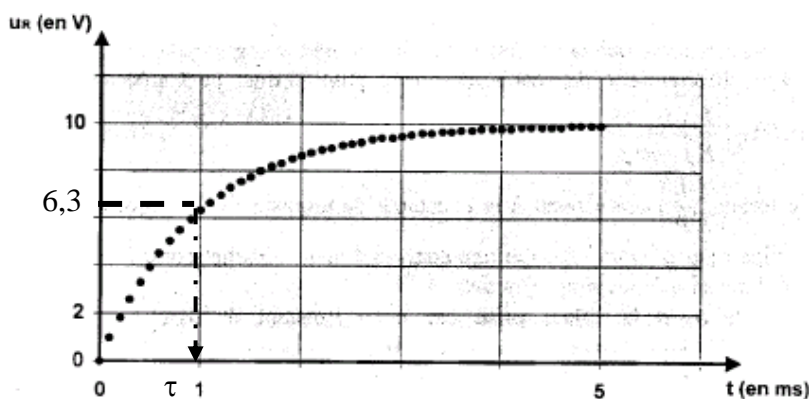
$u_R(\tau) = 0,63 \times 10 = 6,3$  V

Par lecture graphique, on trouve  $\tau = 1,0$  ms.

2.4. On a  $\tau = \frac{L}{R}$ , soit  $L = \tau \cdot R$

$L = 1,0 \cdot 10^{-3} \times 1,0 \cdot 10^3 = 1,0$  H

valeur compatible avec celle du fabricant.



**3. Étude du circuit oscillant**

3.1. La diminution d'amplitude est due à la résistance interne de la bobine. Il y a dissipation d'énergie sous forme de chaleur en raison de l'effet Joule).

3.2. La pseudo-période vaut  $T = 20$  ms.

3.3. La pseudo-période ayant même valeur que la période propre, on a :

$T = T_0 = 2\pi \sqrt{L \cdot C}$

$T^2 = 4\pi^2 \cdot L \cdot C$

$C = \frac{T^2}{4\pi^2 \cdot L}$

$C = \frac{(20 \cdot 10^{-3})^2}{4 \times 10 \times 1,0} = \frac{400 \cdot 10^{-6}}{40} = 10 \cdot 10^{-6}$  F

$C = 10$   $\mu$ F Valeur égale à celle du fabricant.

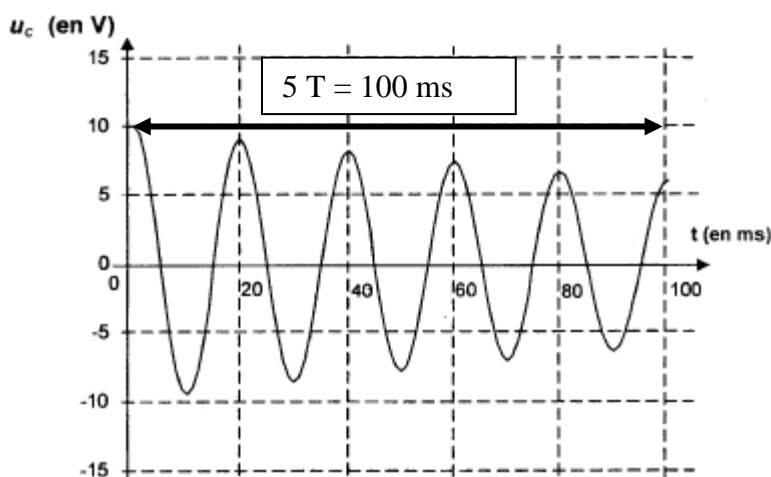


figure 5